# 軟鋼軸の塑性ねじりに関する実験

### 第7報 Sled Runner Keyseat を有する軸

#### 伊 藤 實

# Plastic Torsion Tests with Mild Steel Shafts

## No.7, Shafts with Sled Runner Keyseat

## Minoru ITŌ

In order to clarify the effects of notches on yielding, strain figures developed in notched shafts are observed in details during the plastic stage of elastic-plastic torsion. The test pieces used are 0.48% C carbon steel shafts having a Sled Runner keyseat. The torsional moment-deflection curves are obtained throughout the elastic-plastic stage of torsion and the values of torsional moment are obtained for each notch. Constraint factors for each notch are given and the influence of the shape of notch on the factors is investigated. Comparison is made with the theoretical results obtained previously in the case of yield condition of constant maximum shearing stress.

#### 1. 緒 言

降伏点荷重を求める問題は、材料の塑性変形機構の解 明ならびに塑性設計に関する基礎的資料を得るための重 要な課題である。したがって、降伏捩りを受ける切欠き 部材の降伏点荷重を求める問題は<sup>(1,2)</sup>,基礎的な問題とし て実用上重要な研究課題である。特に実在の材料の特質 を考慮に入れる場合には、実験的手段によらねばならな い。さきに、円形・正方形及び長方形<sup>(3)</sup>の断面形状を有し、 断面積を同一とする軟鋼軸、およびU形円周みぞ<sup>(4,5)</sup>・長 方形円周みぞ<sup>(6)</sup>・End Milled Keyseat<sup>(7)</sup>を有する軟鋼軸 の塑性捩り実験を取扱い、塑性域の発達と捩りモーメン トとの関係を詳細に観察して、塑性変形機構を明らかに すると共に、降伏点捩りモーメントの測定を行なった。

本研究では、軸方向に有限長さを有する Sled Runner Keyseat を持つ軟鋼中実丸軸の弾塑性捩り実験を行な った。ここでは、軸径Dおよびキーみぞの長さℓ,およ びキーみぞ底の隅の曲率半径 r を一定にする8種類の切 欠き形状を選び、弾塑性捩りの各段階に於ける捩りモー メント・捩れ角線図を求め、とくに、キーみぞの長さℓ= 12mmのキーみぞ試験片に対しては、塑性捩りの各段陪 において丸軸のキーみぞ、および近傍の軸内に生ずる塑 性域の発達と捩りモーメント・捩れ角との関係を明らか にした。またキーみぞの形状の相違が塑性域の発連にい かなる影響を及ぼすかを示した。さらに、近似的な降伏 点捩りモーメントを測定し、とくに平滑試験片の増合に は完全塑性材料として計算された理論値<sup>(8,9)</sup>と比較検討 し、キーみぞの形状の変化によって塑性域の発達に及ぼ す弾性域の拘束の割合を示す拘束係数を求めた。

従来の研究としては A. NADAI<sup>(10)</sup>, J. M.カチャノ フ<sup>(11)</sup>によりひずみが模様による類似の研究が示されて いるが,キーみぞを対象とした研究は見あたらないよう である。本実験では本邦にて製造・市販されている実在 の材料を使用してキーみぞを有する丸軸のキーみぞ,お よび軸内に発達する塑性域の詳細な観測を行なった。

#### 2. 実験方法

#### 2.1 試験片

素材としてはS45C引抜鋼材を熱処理(860℃・120分 保持後空冷,700℃・60分保持後空冷)したものを用いた。 この材料の化学的成分および機械的性質を表1,2に示 す。

本実験ではキーみぞの幅(b),深さ(t),みぞ底の隅 の曲率半径(r)を一定とし、キーみぞの長さ(ℓ)、軸径 (D)を異にする8種類のキーみぞを持つ丸軸を用い、各 試験片のキーみぞは慎重に仕上げ、みぞ底隅の曲率は投 影機を使用して検査し良好なものを使用した。図1に切 欠き試験片の形状を示す。

ここに、各部の称呼寸法は

 C
 Si
 Mn
 P
 S
 Fe

 0.48
 0.29
 0.78
 0.020
 0.021
 残余

表 2	機械的性質
-----	-------

縦弾性係数	橫弾性係数	降伏点	引 張 強 さ	伸び	絞り
E MPa	G MPa	σ <sub>s</sub> MP <sub>a</sub>	$\sigma_{\rm B}$ MPa	φ	$\psi$
(kgf/mm²)	(kgf/mm <sup>2</sup> )	(kgf/mm <sup>2</sup> )	(kgf/mm²)	%	%
$2.08 \times 10^{5}$	$7.95 \times 10^{4}$	374	623	00.0	50 5
$(2.12 \times 10^4)$	$(8.11 \times 10^3)$	(38.2)	(63.6)	28.8	53.7





図1 キーみぞを有する試験片の形状

 $D = \phi 16.00, \phi 18.00, \phi 20.00 mm$ 

b = 6.00 mm, t = 3.50 mm

 $\ell = 0.00, 6.00, 12.00, 25.00, 50.00, 70.00 \text{ mm}$ r = 0.16 mm

であり,標点間距離L=100.00 mm, 試験片の長さLt= 260 mm である。

#### 2.2 実験方法

実験には、容量50kgf・mの振子重錘式捩り試験機を用 い、捩れ角は光挺子によった。荷重は手動によって静か に加え、各荷重段階における荷重速度は一定になるよう に配慮した。降伏域に達するまでは荷重が一定量増加す るごとに荷重設定を行いそのつど捩れ角を測定した。降 伏域がある程度広がると、試験片内に局部的辷りが著し くなるため荷重が不安定になる。この場合には荷重が安 定してから、捩れ角の測定をし、さらに荷重を増すよう にした。負荷終了はひずみ硬化が明らかに認められる時 とした。次に試験片の一部を切り取り、エッチングを施 してひずみ模様を検出した<sup>12)</sup>。また一部の試験片は軸表 面の降伏域の発達状態を観察するため適当な荷重で除荷 し同様の処置を施した。

### 3. 実験結果および考察

キーみぞの形状および軸径を異にする8種類の試験片 をキーみぞの長さ $\ell$ および軸径Dをバラメーターにと り、実験結果を示せば図 $2 \sim 4$ のような捩りモーメント (T)-捩れ角( $\theta$ )図となる。図5に平滑試験片の $T-\theta$  図 を示した。さらに、図6,7に試験片のキーみぞを含む 軸表面の塑性域の発達模様を示した。なほ、T-Ø図中の 番号はひずみ模様(写真)横の番号に対応するが、いず れも負荷終了後エッチングして求めたものである。又図 5の中の④は平滑試験片の近似的な降伏点捩りモーメン トを示す近傍の横断面のひずみ模様を求めた位置である が詳細は文献<sup>(13)</sup>、図2″にゆずる。

3·1 T-θ 図と塑性域の発達

キーみぞ (Sled Runner Keyseat) を有する試験片で は、最初に塑性域に達するのは弾性捩りにより応力が集 中し、せん断応力が最大となる箇所<sup>(14)</sup>、図8の  $\sigma_{k-max}$ に 起因する箇所である。

キーみぞ: ℓ=12.00 mm (D= φ18.00 mm) 試験片の 塑性域の発達について述べれば、最初に塑性域に達する のは弾性捩りにより応力が集中し、せん断応力が最大と なる箇所、即ちキーみぞの輪郭線と交はる(上縁の)直 線縁と Sled の (上縁の) 円孤縁との接するキーみぞの縁 である。〔(図3の①,図7の①)=①として表現〕,つぎ に、Tが増加して降伏が進むとT-θ図は弾性変形をなす 直線部分からはずれる。この段階における塑性変形は弾 性変形とほぼ同じ程度の大きさにとどまるものと考えら れる。さらに、Tを加えてゆくとT- $\theta$ 図は急に曲り、キ ーみぞ部分の直線縁と曲線縁の接点の4ヶ所から円孤縁 に沿って数を増して塑性域が発達する②,この時,θの増 加が著しくなり曲線がゆるやかになって、水平部分に移 行するようになる③, さらに, Tを加えると, キーみぞ の最小断面の表面の輪郭線より軸中心に向っての全域に わたって、さかんに辷りが起り、従って $\theta$ の増加が著し くなり水平部分を生ずる(15)④。このとき、キーみぞの直 線縁を含む軸の最小断面の応力状態は、一定な降伏応力 ちに等しくなり、表面では降伏完了点に達するものと考 えられる。次の段階では、楔形に成長した降伏領域が次 第にその幅を増すとともに、内部に向かって楔状に進展 し、他方、表面よりひずみ硬化を伴うため、捩りに対す る抵抗が大きくなり θ に対してT は徐々に増加し、やが て T-θ 図の傾きは増大し, ひずみ硬化曲線を描く。なお, 試験片表面のキーみぞ縁の近傍には、軸方向に発達する 直線状の塑性域および直線縁より発達する曲線状の塑性 域がそれぞれ現われる④,⑤。

最終加荷重⑥除去後のキーみぞを含む軸表面の塑性域 の発達の模様を図6,7(図2,3のT-θ図⑥に対応) に示す。

3・2 降伏点捩りモーメント

図7に示す塑性域の発達の状態より,④においてはキ ーみぞの最小断面(輪郭線表面も含み)はほぼ全域が塑 性域に達したこと<sup>13)</sup>が,ひずみ模様よりわかる。 一方図

**表1** 化学成分(%)





図7 ひずみ模様 ℓ=12.00mm

 $2 \sim 4$ の実験結果から④の点を越えて変形を進めるに は、さらに大きな捩りモーメントを必要とする。即ちひ ずみ硬化を伴うため、④の点を越えると、T- $\theta$ 図の $\theta$ 軸 に対する勾配が急に増加することが認められ④の点の位 置は容易に求まる。かくしてひずみ硬化を起す直前、す なわち、④に対する捩りモーメントは近似的に完全塑性 材料に対する降伏点捩りモーメント Toを与えるもので ある。すなわち図2~4に破線で示したごとく④の点を 通る水平線と弾性部分の延長とを結ぶ T- $\theta$ 図は本実験



図8 キーみぞの応力分布状態

で用いた軸材を完全塑性材料と考えた場合を表わすとみ なしてよい。表3,4はT- $\theta$ 図を用いて,キーみぞを有 する試験片の降伏点捩りモーメントToを求めたもので ある,平滑試験片の降伏点捩りモーメントT\*およびT\* によって弾性的に捩られると仮定した最大捩れ角 $\theta$ \*を 図5から求めれば表5のようになる。無限に大きな相対 的捩れ角に対して現われる純塑性応力状態を仮定して計 算された理論値<sup>(2)</sup>によれば、降伏点捩りモーメントT<sub>th</sub>\* およびT<sub>th</sub>\*によって弾性的に捩られると仮定した捩れ 角 $\theta_{h}$ \*は、夫々(1)式で与えられる。

(1)式に於てxは塑性条件によって定まる定数であり最 大せん断応力一定の条件にもとづく $x = \tau_s = \sigma_s/2$ の値で 計算した結果を表5に示したが、実験値とよく一致する。 したがって他のキーみぞを有する試験片の場合も、いち おう信頻される値であると考えられる。

#### 3.3 拘束係数

 $T-\theta$  図により,各試験片についての降伏点捩りモーメ ント T<sub>0</sub>, T\*を求めこれを表3,4 および表5 に示した。 キーみぞの形伏の変化によって塑性域の発達におよぼす 弾性域の拘束の割合,すなわち拘束係数 T<sub>0</sub>/T\*を求め, キーみぞの長さ $\ell$ および軸径D( $\ell = 50 \text{ mm}$ :一定)の関 係を図9,10に示す。長さ $\ell$ が大きくなるにつれて,捩 りに対する抵抗が減少し,キーみぞを有する試験片の降 伏点捩りモーメント T<sub>0</sub>は,平滑試験片の降伏点捩りモー メント T\*よりはなれることが表3 および図9よりわか る。また,軸径Dが大きい程捩りに対する抵抗は大きく,

キーみぞを有する試験片の降伏点 表 3 捩りモーメント (ℓ:変化)

T₀ N·m (kgf·m)						
Dmm	0	6	12	25	50	70
18.00	259.0 (26.43)	245.0 (25.00)	242,1 (24,70)	236.2 (24.10)	2323 (23.70)	227.9 (23,26)

キーみぞを有する試験片の降伏 表 4 点捩りモーメント (D:変化)

T₀ N·m (kgf·m)					
1 mm	16	18	20		
5000	154.2	232,3	345.0		
150.00	(15.73)	(23,70)	(35,20)		

平滑試験片の降伏点捩りモーメント, 表 5 捩れ角

T* N⋅m	Tth N⋅m	Tth_	θ*	θ <sub>th</sub>	$\theta_{th}^{*}$	
(kgf•m)	(kgf∙m)	∕ T <sup>*</sup>	deg 100mm	deg <sub>/100mm</sub>	∕θ <sup>*</sup>	
284.2	285.7	1005	107		1015	
(29.00)	(29,15)	1.005	1.97	2.00	1.015	



18

図10 拘束係数

17

Dmm<sup>16</sup>

19

その変化はほぼ直線的であることが表4および図10より わかる。

#### 4. 結 言

キーみぞを有する8種類の軟鋼丸軸の弾塑性捩り実験 を行い、T-θ 図を求め、丸軸のキーみぞを含む軸表面の ひずみ模様を検出することによって、塑性域の発達と捩 りモーメントとの関係を明らかにした。また、実在の軸 材についての近似的な降伏点捩りモーメントを求め、と くに平滑試験片の場合には、純塑性応力状態を仮定した 理論との比較を行い、最大せん断応力が一定の塑性条件 のもとに計算された理論値とよく合うことを明らかにし た。また、塑性域の発達に及ぼす弾性域の拘束をあらわ す拘束係数を求めた。

#### 文 献

- 1) 山田嘉昭, 中原益次郎: 塑性学, 機械学会, 207, 1960。
- 2) B.B. ソコロフスキー: 大橋訳, 塑性学, 朝倉, 93, 1959。
- 3)伊藤:機械学会東海支部15期支部総会学術講演会前 刷, 17, 1966。
- 4) 伊藤 : 機械学会•精機学会東海支部講演会前刷, 1, 1966
- 5)伊藤:愛知工業大学研究報告 No.7, 175, 1972。
- 6) 伊藤:愛知工業大学研究報員 No.14, 45, 1979。
- 7) 伊藤:愛知工業大学研究報告 No.16, 55, 1981。
- 8) 大久保 肇:最新材料力学,朝倉,159,1957。
- 9) W. Prager & P. G. Hodge, Jr: Theory of Perfectly Plastic Solid (Wiley, 1951)., P. G. ホッジ 著, 塑性学, 丸善, 緒論および第1章, 1954。
- 10) A. Nadai: Plasticity, (McGraw-Hill), 156, 1931.
- 11) J. M. カチャノフ: 大橋訳, 塑性理論の基礎, 養賢 堂, 111, 1971。
- 12) 清家, 伊藤 : 機械学会論文集, 28-194, 1353, 1962。
- 13) 伊藤:愛知工業大学研究報告 No.10, 89, 1975。
- 14) 西田正孝: 応力集中, 森北, 662, 1973。
- 15) 伊藤:愛知工業大学研究報告 No.8, 155, 1973。 (受理 昭和58年1月16日)