S波多重反射理論による名古屋地盤の地震応答計算

飯田 汲事, 正木 和明, 坪井 利弘

Responce Spectra of the Ground in Nagoya Area

Kumizi IIDA, Kazuaki MASAKI and Toshihiro TSUBOI

名古屋地盤33地点における地盤増巾度曲線を Herrera and Rosenbluethの S 波多重反射理論を 用いて熱田層上面を地震基盤面とした場合,第三紀矢田川累層上面を地震基盤面とした場合の二つ のケースについて求めた。得られた増巾度と基盤の S 波速度に対する地表の S 波速度の比とを比較 した結果,速度比が小さい程増巾度が大きいことがわかった。また,地震被害率との関係も調べた が,増巾度が大きい程被害率も大きいことがわかった。

1. はじめに

地震被害の地域性に関する研究は今日まで数多くなさ れているが、それらの研究によって「同一地域でもわず かに離れた場所では被害の程度が異なる」という事実が 明らかにされてきた、即ち、同一地震基盤においても、 地表地盤の構造の違いにより、被害程度が異なるという ことがわかってきた、この事を考えると、地震災害に対 する防災をたてる際には、地表地盤の相異を十分に考慮 する必要がある、地盤構造の違いが、地盤の振動特性を どのように特徴づけるかを研究することは、かかる意味 において重要である。

著者等は、ここ数年間,名古屋地盤のS波速度をはじ めとする諸定数の測定を行なってきた.これらの諸定数 を用いれば,地盤の振動特性を数値計算により求めるこ とができる.

計算の方法としては、Shibata and Hara, Penzin a) et al, Seed等の行なった地盤を多質点系の振動モデルに 置換する方法, Idriss and Seed, 武藤・内田・高瀬等 が行なった地盤を小要素に分割し有限要素法を用いる方 法, Nishimura and Takayama, Kanai, Kanai and Yoshizawa, 小林・鏡味等が行なった地盤をいくつかの 成層地盤に区分し重複反射理論を用いる方法, これを周 加 波数領域で行なうHaskell, Herrera and Rosenblueth の方法等がある.

本研究は、Herrera and Rosenblueth の方法を用い て、名古屋地盤の振動特性を求め、それらと過去におけ る地震被害との関係を追求したものである。

2. Berrera and RosenbluethのS波重複理論

入力地震波としてS波のみを考え,かつ,次の3点が

成立していると仮定する.

- (1) 水平均質な成層構造の地盤である
- (2) S波は最下層地盤面(基盤面)の鉛直下方より入 射する
- (3) 土の粘性によるエネルギーの損失はない
- 図1に示すように、N層よりなる地盤を考える。ここで



- hn; 第 n 層の層厚
- U_n: 第 n 層の水平変位
- V_n: 第 n 層のS波速度
- ρ_n; 第 n 層の密度
- G_n; 第 n 層の剛性率
- Z_n; 第 n 層上面からの距離

とすると, 第 n 層内のS 波速度の運動方程式は次式で与 えられる.

$$\rho_{n} \frac{\partial^{2} U_{n}}{\partial t^{2}} = G_{n} \frac{\partial^{2} U_{n}}{\partial Z_{n}^{2}}$$
(1)

ここで U_nは時間と距離の関数であり,それらを分離表 示すれば $U_n = \tilde{u}_n \exp (i\omega t)$ (2) となる、(2)を(1)に代入すると

$$G_{n} \frac{\partial^{2} \bar{u}_{n}}{\partial z_{n}^{2}} + \rho_{n} \omega^{2} \bar{u}_{n} = 0$$
従って

$$\frac{\partial^2 \tilde{\mathbf{u}}_n}{\partial Z_n^2} + \left(\frac{\omega}{\mathbf{V}_n}\right)^2 \tilde{\mathbf{u}}_n = 0 \tag{3}$$

となる。(3)を解くと

$$\bar{u}_{n} = A_{n} \cos\left(\frac{\omega}{V_{n}} Z_{n}\right) + B_{n} \sin\left(\frac{\omega}{V_{n}} Z_{n}\right)$$
(4)

となる、ここでAn, Bnは第n層における定数であり、次のような境界条件によって決定される。

(a) 地表面ではせん断応力=0より

$$G_{1} \frac{\partial U_{1}}{\partial Z_{1}} = 0 |_{Z_{1}} = 0$$

$$\frac{\partial U_{1}}{\partial Z_{1}} = -A_{1} \sin\left(\frac{\omega}{V_{1}}Z_{1}\right) + B_{1} \cos\left(\frac{\omega}{V_{1}}Z_{1}\right) = ($$

$$\therefore B_{1} = 0$$
(5)

(b) Z_{n-1}=h_{n-1}とZ_n= 0 でせん断応力がつり合うか
 ら

$$\begin{aligned} \mathbf{G}_{n-1} \frac{\partial \mathbf{U}_{n-1}}{\partial Z_{n-1}} \Big| \ \mathbf{z}_{n-1} &= \mathbf{h}_{n-1} = \mathbf{G}_n \frac{\partial \mathbf{U}_n}{\partial Z_n} \Big| \ \mathbf{Z}_n &= 0 \\ \therefore \frac{\mathbf{G}_{n-1}}{\mathbf{V}_{n-1}} \Big\{ \mathbf{B}_{n-1} \cos\left(\frac{\omega}{\mathbf{V}_{n-1}} \mathbf{h}_{n-1}\right) \\ &- \mathbf{A}_{n-1} \sin\left(\frac{\omega}{\mathbf{V}_{n-1}} \mathbf{h}_{n-1}\right) \Big\} = \frac{\mathbf{G}_n}{\mathbf{V}_n} \mathbf{B}_n \end{aligned}$$
(6)

 (c) Z_{n-1}=h_{n-1} と Z_n=0 で変位は等しくなくてはな らないから

$$\begin{aligned} \mathbf{U}_{n-1} \Big|_{Z_{n-1}=h_{n-1}} = \mathbf{U}_{n} \Big|_{Z_{n}=0} \\ \therefore \mathbf{A}_{n-1} \cos\left(\frac{\omega}{\mathbf{V}_{n-1}} \mathbf{h}_{n-1}\right) + \mathbf{B}_{n-1} \sin\left(\frac{\omega}{\mathbf{V}_{n-1}} \mathbf{h}_{n-1}\right) \\ = \mathbf{A}_{n} \quad (7) \end{aligned}$$

(6)と(7)から

$$A_{n} = A_{n-1} \cos\left(\frac{\omega}{V_{n-1}}h_{n-1}\right) + B_{n-1} \sin\left(\frac{\omega}{V_{n-1}}h_{n-1}\right)$$
$$B_{n} = \frac{\rho_{n-1} V_{n-1}}{\rho_{n} V_{n}} \left\{-A_{n-1} \sin\left(\frac{\omega}{V_{n-1}}h_{n-1}\right) + B_{n-1} \cos\left(\frac{\omega}{V_{n-1}}h_{n-1}\right)\right\}$$
(8)

ててで

$$\frac{\omega}{V_{n-1}}h_{n-1} = \lambda_{n-1}, \quad \frac{\rho_{n-1}}{\rho_n} = r_{n-1}$$
(9)

と置き行列表示すれば

$$\begin{bmatrix} A_{n} \\ B_{n} \end{bmatrix} = T_{n-1} \begin{bmatrix} A_{n-1} \\ B_{n-1} \end{bmatrix}$$

$$T_{n-1} = \begin{bmatrix} \cos \lambda_{n-1} & \sin \lambda_{n-1} \\ -r_{n-1} \sin \lambda_{n-1} & r_{n-1} \cos \lambda_{n-1} \end{bmatrix}$$
(10)

同様にして

$$\begin{bmatrix} A_{n} \\ B_{n} \end{bmatrix} = T_{N-1} \cdot T_{N-2} \cdots T_{1} \begin{bmatrix} A_{1} \\ B_{1} \end{bmatrix}$$

$$(5) \downarrow b B_{1} = 0 \ \vec{\tau} \not a \not z \not b \not b$$

$$\begin{bmatrix} A_{N} \\ B_{N} \end{bmatrix} = T_{N-1} \cdot T_{N-2} \cdots T_{1} \begin{bmatrix} A_{1} \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\zeta \subset \vec{\tau}$$

$$T_{N-1} \cdot T_{N-2} \cdots T_{1} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} S_{1N} \\ S_{2N} \end{bmatrix}$$

$$(1)$$

とおけば

$$\begin{bmatrix} A_{N} \\ B_{N} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} S_{1N} \\ S_{2N} \end{bmatrix} A_{1}$$
 (12)

となる. ここで N層における波は
$$\bar{u}_N \exp(i\omega t) = (A_N \cos \lambda_n + B_N \sin \lambda_n) \exp(i\omega t)$$

$$= \left\{ \frac{1}{2} (A_{N} + \frac{B_{N}}{i}) \exp(i\lambda_{N}) + \frac{1}{2} \\ \left(A_{N} - \frac{B_{N}}{i}\right) \exp(-i\lambda_{N}) \right\} \exp(i\omega t) \quad (3)$$

と表わされる. 基盤入射波は N層の進行波, 即ち似の第 1 項であり, この波を sin ω tとすれば λ =0になり

$$\frac{1}{2}\left(A_{N}+\frac{B_{N}}{i}\right)\exp(i\omega t)=i\exp(i\omega t)$$

即ち

$$A_{N}-iB_{N}=-2i$$
となる、したがって(2)より
(S_{1N}-iS_{2N})A_{1}=-2i
となる、A_1の絶対値は
|A_{1}| = $\left|\frac{-2i}{S_{1N}-iS_{2N}}\right| = \frac{2}{|S_{2N}+iS_{1N}|}$
(4)

となるが,基盤入射波の振巾は1であったから,これは 第一層,即ち地表面での増巾率にほかならない.

各成層の層厚h_n,S波速度V_n,密度 ρ_n が与えられた時 (9)より λ_n , r_nを求め、(0)に代入すれば T_N が求まる.各 T_Nについて(1)を計算することによりS_{1N},S_{2N}が求まり、 (4)に代入すれば角周波数 ω についての 増巾度 R=|A₁| を得ることができる.

3. 入力データ

計算を実行するにあたっては、基盤面をどこにとるか が問題である.ここでいう基盤面とは想定している地震 波入力に対して一様に振るまうような、空間的広がりを 持つ面のことであり、通常用いられる基盤面とはやや異 なることを注意しておかねばならない.本研究におい ては、そのような面(地震基盤面と呼ぶ)として、熱田 層上面と第三紀(矢田川累層)上面を考えた.

(a) 熱田層上面を地震基盤面とする場合

各層はS波速度が急変する深度を境界面として2 ~7つに区分した。各層内の密度は、各深度で実測値が ある場合にはその層内での平均値を用い、実測値がない

なり,

	アー, や 握 今
Η	反正
層厚;	拍電淇舟
Ś	平火
S波速度;	執田園上函
ĥ	144
密原	
層0	
た谷	
通い	
算12	
11111	.

表1

														_			
	Ъ	$2.09 \\ 537 \\ \infty$	$\begin{array}{c} 2.08\\ 535\\ \infty\end{array}$	2.20 559 ∞	2.05 527 ∞	$\begin{array}{c} 2.08\\ 534\\ \infty\end{array}$	$\begin{array}{c} 2.18\\ 556\\\infty\end{array}$	$\begin{array}{c} 2.34\\ 583\\ \infty\end{array}$	$\begin{array}{c} 2.18\\ 557\\\infty\end{array}$	$2.15 \\ 571 \\ \infty$	2.25_{569}	$\begin{array}{c} 2.25\\ 568\\\infty\end{array}$	$\begin{array}{c} 2.10\\ 539\\ \infty\end{array}$	$^{1.92}_{489}$	$2.14 \\ 549 \\ \infty$	$\begin{array}{c} 2.39\\ 593\\ \infty \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.07\\ 532\\\infty\end{array}$
	D1	$^{2.05}_{381}_{47.7}$	$2.05 \\ 383 \\ 35.0$	$^{2.05}_{401}_{47.7}$	2.05 367 68.2	$^{2.05}_{373}$ $^{373}_{72.7}$	$2.05 \\ 393 \\ 72.7 $	$\begin{array}{c} 2.05 \\ 417 \\ 65.9 \end{array}$	2.05 399 43.2		$2.05 \\ 413 \\ 20.5 \\ 20.5 $	$^{2.05}_{408}$	$2.05 \\ 386 \\ 36.4 \\ 36.4$	$2.05 \\ 327 \\ 61.4$	2.05 391 50.0	$^{2.05}_{422}$	$2.09 \\ 484 \\ 64.8$
:場合	D_2	$2.06 \\ 357 \\ 27.3 \\ 2$	$^{2.06}_{361}$	$^{2.06}_{380}$	$2.06 \\ 335 \\ 20.5 \\ 20.5 $	$2.06 \\ 346 \\ 9.1 \\ 9.1$	$^{2.06}_{362}$	$^{2.06}_{387}$	$2.06 \\ 365 \\ 84.1 \\ 84.1$	$1.92 \\ 274 \\ 12.6$	$2.06 \\ 384 \\ 384 \\ 100.0$	$2.06 \\ 372 \\ 372 \\ 102.3$	2.06 368 13.6		2.06 362 52.3	2.06 529 38.5	$^{2.06}_{439}$
ゴとした	G3	$^{2.28}_{420}_{9.1}$	$^{2.28}_{425}$	$2.28 \\ 450 \\ 9.1 \\ 9.1$	$2.28 \\ 394 \\ 4.5$	$2.28 \\ 411 \\ 9.1 \\ 9.1$	$^{2.28}_{420}$	$2.28 \\ 446 \\ 9.1$	$^{2.28}_{415}_{9.1}$		$2.28 \\ 441 \\ 6.8 \\ 6.8$	$2.28 \\ 421 \\ 9.1$	$2.28 \\ 436 \\ 18.2$		$2.28 \\ 419 \\ 9.1$	$2.28 \\ 471 \\ 9.7 \\ 9.7$	$2.28 \\ 440 \\ 9.0 $
雲基盤面	D'3	$1.95 \\ 342 \\ 29.5 \\ 29.5 \\ 342 \\ 3$	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 348 \\ 31.1 \\ \end{array} $	$1.95 \\ 367 \\ 47.7$	$1.95 \\ 329 \\ 6.8$	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 336 \\ 20.5 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 343 \\ 22.7 \\ \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 371 \\ 31.8 \\ 31.8 \\ \end{array} $	1.95 346 4.5	2	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 364 \\ 27.3 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 346 \\ 20.5 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 352 \\ 40.9 \\ \end{array} $		$ \begin{array}{c} 1.78 \\ 340 \\ 22.7 \\ \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 388 \\ 48.2 \\ 48.2 \end{array} $	$1.90 \\ 331 \\ 15.8 \\ 15.8$
百を地震	G2	$2.18 \\ 380 \\ 2.3 \\ 2.3$	$2.18 \\ 395 \\ 6.8 \\ 6.8 $	$2.18 \\ 417 \\ 6.8 \\ 6.8$	$2.18 \\ 382 \\ 4.5 \\ 4.5$	$2.18 \\ 382 \\ 9.1 \\ 9.1$	$2.18 \\ 391 \\ 6.8 \\ 6.8$	$2.18 \\ 427 \\ 6.8 \\ 6.8$	$^{2.18}_{13.6}$		$2.18 \\ 418 \\ 11.4 \\ 11.4$	$2.18 \\ 397 \\ 9.1 \\ 9.1$	$2.18 \\ 395 \\ 9.1 \\ 9.1$		2.18 355 5.83	$^{2.18}_{444}$	$2.17 \\ 430 \\ 13.7 \\ 13.7$
可國上语	D_3	$1.89 \\ 271 \\ 47.7 \\ 47.7$	$ \begin{array}{c} 1.88 \\ 258 \\ 53.6 \\ \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.91 \\ 299 \\ 61.4 \\ \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.91 \\ 273 \\ 43.8 \\ 43.8 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.88 \\ 263 \\ 46.4 \\ \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.93 \\ 275 \\ 50.0 \\ \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.86 \\ 283 \\ 23.6 \\ 63.6 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.91 \\ 277 \\ 50.0 \\ \end{array} $	2.15 247 12.3	$1.95 \\ 302 \\ 47.7 \\ 47.7 \\ 1.95 \\ 1$	$^{1.95}_{310}$	$^{1.92}_{263}$	$2.02 \\ 220 \\ 34.1 \\ 34.1$	$ \begin{array}{c} 1.84 \\ 282 \\ 50.55 \end{array} $	$^{2.02}_{368}$	$ \begin{array}{c} 1.65 \\ 243 \\ 43.1 \\ 43.1 \end{array} $
第三条	G1												1.94 254 4.5			2.25 336 19.0	
	N															2.01 220 11.0	
	A	$1.75 \\ 100 \\ 10.4$	$\begin{smallmatrix}1.82\\138\\8.43\end{smallmatrix}$	$1.66 \\ 145 \\ 25.6$	$\begin{smallmatrix}1.60\\97\\7.2\end{smallmatrix}$	$ \begin{array}{c} 1.76 \\ 152 \\ 2.6 \\ \end{array} $	$1.90 \\ 144 \\ 8.0 \\ 8.0$	$1.46 \\ 158 \\ 38.0 \\ 38.0$	$ \begin{array}{c} 1.85 \\ 174 \\ 15.2 \end{array} $	1.79 124 6.0	$ \begin{array}{c} 1.74 \\ 145 \\ 38.5 \\ 38.5 \end{array} $	$1.69 \\ 149 \\ 21.7$	$1.85 \\ 140 \\ 15.5$		2.00 128 10.05	$1.81 \\ 137 \\ 37.0 $	$\begin{smallmatrix}1.33\\120\\4.8\end{smallmatrix}$
	7	<u></u>														2.30 400	
た場合	9														and a set of the set o	$2.24 \\ 400 \\ 4.1$	
面とし	5			310				1.90 281 ∞			302 0.08 0.2 0.08 0.2				1.88 203 ∞	$2.22 \\ 320 \\ 14.6 $	
震基盤	4		$1.94 \\ 222 \\ \infty$	$\frac{1.60}{194}$				$1.47 \\ 196 \\ 20.1$			$2.02 \\ 302 \\ 1.1$	$\begin{array}{c} 1.91\\ 256\\\infty\end{array}$	1.84 263 ∞		$ \begin{array}{c} 1.75 \\ 200 \\ 2.35 \\ \end{array} $	2.07 220 13.1	
面を地	3		$ \begin{array}{c} 1.71 \\ 200 \\ 0.43 \end{array} $	$\begin{smallmatrix}1.60\\127\\10.0\end{smallmatrix}$				$ \begin{array}{c} 1.41 \\ 94 \\ 4.8 \\ 4.8 \end{array} $	1.84 520 ∞		$ \begin{array}{c} 1.80 \\ 180 \\ 15.2 \\ \end{array} $	$\frac{1.82}{227}$	$ \begin{array}{c} 1.94 \\ 263 \\ 4.0 \\ \end{array} $		$^{2,25}_{90}$	$1.80 \\ 170 \\ 8.2 \\ 8.2$	
田層上	2	$\begin{array}{c} 1.97\\241\\\infty\end{array}$	$ \begin{array}{c} 1.79 \\ 150 \\ 4.0 \end{array} $	$\frac{1.77}{156}$ 6.0	2.00 213 \approx	$^{1.89}_{206}$	1.88 198 ∞	$\frac{1.55}{141}$	$\frac{1.89}{250}$	$\begin{array}{c} 2.05\\ 219\\\infty\end{array}$	$\frac{1.67}{116}$	$ \frac{1.66}{120} 6.2 $	$\frac{1.76}{186}$ $\frac{1.86}{6.7}$		$\begin{array}{c} 2.04 \\ 130 \\ 3.2 \end{array}$	$^{1.82}_{130}$	$^{1.46}_{218}$
撠	-	$1.75\\100\\10.4$	$1.90 \\ 120 \\ 4.0$	$1.77\\108\\4.0$	$1.60\\97\\6.6$	$\substack{1.76\\152\\2.6\end{array}$	$ \begin{array}{c} 1.90 \\ 144 \\ 8.0 \\ \end{array} $	$1.36 \\ 99 \\ 5.6$	$ \begin{array}{c} 1.81 \\ 132 \\ 9.8 \\ 9.8 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.81 \\ 136 \\ 5.0 \\ \end{array} $	$1.75\\96\\2.6$	$1.69\\143\\12.2$	$ \begin{array}{c} 1.95 \\ 109 \\ 9.3 \\ 9.3 \end{array} $		$1.73\\90\\2.8$	$1.80\\5.8$	$1.33 \\ 120 \\ 4.8 \\ 4.8$
	<u> </u>	ПЪН	D>H	0>H	п ч	0>H	U>H	П>Н	0>H	U>H	0>H	а>н	П>н	ם>ש	D>H	D>H	U>H
				 w			161	167	w	12						ाज्य	12]
1년		公認	公	いた	公	学校	シン	影	松	学		小学校	小学校	中学校	小校	一公園	E E
书	1	5 13	HI II	色山	御	で 当 て	7 1 1		田田	Н Ч Ч		节	 日 世 王	■ 「」 日	「大」		海
帮	2	د. لا	N H	N TH	N N	[™]	™			N M	部	N H N		N M M		郡	K J
解	Į	老	2 2		樫		111日	親	中村	邂	御部	 	中村	瑞穂	쓅	海部	觛
		1	5	33	4	പ	9	4	∞	6	10	11	12	13	14	15	16

S波多重反射理論による名古屋地盤の地震応答計算

						These statements										
2.08 535 ∞	1.88 474 ∞	$\begin{array}{c} 2.10\\ 540\\ \infty\end{array}$	$\begin{array}{c} 1.92 \\ 488 \\ \infty \end{array}$	$\frac{1.92}{490}$	$\begin{array}{c} 2.02\\ 521\\\infty\end{array}$	$\begin{array}{c} 2.05\\ 529\\\infty\end{array}$	$^{1.80}_{400}$	$\begin{array}{c} 2.06\\ 529\\\infty\end{array}$	1.96 480 ∞	$\begin{array}{c} 2.21\\ 240\\ \infty\end{array}$	$\substack{1.89\\418\\\infty}$	$\begin{array}{c} 2.00\\ 377\\ \infty\end{array}$	1.93 494 ∞	$\frac{1.91}{384}$	$^{1.85}_{420}$	$\frac{1.85}{458}$
$2.09 \\ 380 \\ 45.5$		2.05 370 68.2	$2.05 \\ 348 \\ 348 \\ 18.2 $	2.05 350 20.5	2.05 367 52.3	$2.05 \\ 371 \\ 61.4$		2.05 375 47.7					2.05 352 20.5			
$\begin{array}{c} 2.06\\ 355\\ 29.5\\ 29.5\end{array}$	$2.06 \\ 331 \\ 13.6 \\ 13.6$	2.06 343 45.5	2.06 326 20.5	$2.06 \\ 326 \\ 22.7 \\ 22.7 \\ $	$2.06 \\ 332 \\ 36.4 $	$2.06 \\ 334 \\ 40.9 \\ 40.9$	$2.06 \\ 478 \\ 15.7 \\ 15.7 $						2.06 330 22.7		1.80 200 5.8	2.06 319 11.4
$2.28 \\ 418 \\ 4.5 \\ 4.5$	$2.28 \\ 389 \\ 9.1$							$2.28 \\ 428 \\ 9.1 \\ 9.1$								2.28 378 6.8
$2.01 \\ 477 \\ 26.5$	$1.95 \\ 319 \\ 311.4 \\ 11.4$				$2.18 \\ 369 \\ 16.22 $			$1.95 \\ 356 \\ 11.4$								1.95 307 11.4
$2.18 \\ 369 \\ 3.8$	$2.18 \\ 359 \\ 13.6 \\ 13.6 $	$2.18 \\ 480 \\ 25.0 $	$2.18 \\ 530 \\ 18.2 \\ 18.2$	$^{2.18}_{403}$	$2.18 \\ 600 \\ 6.48 \\ 6.48$	$2.18 \\ 373 \\ 22.7 \\ 22.7 $			$2.10 \\ 477 \\ 8.45 \\ 8.45$				$2.18 \\ 555 \\ 18.2 \\ 18.2 $			2.18 464 13.6
1.83 277 34.3	$2.04 \\ 405 \\ 13.1 \\ 13.1$	$1.90 \\ 264 \\ 37.2 \\ 37.2$	1.97 299 37.0	$ \begin{array}{c} 1.92 \\ 314 \\ 36.1 \\ 36.1 \end{array} $	$2.02 \\ 355 \\ 31.34 $	$1.92 \\ 198 \\ 31.8 \\ 31.8$	1.93 260 22.3	$ \begin{array}{c} 1.92 \\ 271 \\ 63.6 \\ 63.6 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.93 \\ 255 \\ 20.8 \\ 20.8 \end{array} $	$2.18 \\ 194 \\ 2.4 \\ 2.4$	$1.81 \\ 140 \\ 1.65 $		$^{1.98}_{270}$			1.97 320 5.2
	$\begin{array}{c} 2.08 \\ 344 \\ 7.95 \end{array}$							*						$1.99 \\ 308 \\ 12.9$		2.08 309 4.0
						*		$^{**1.83}_{175}$								
$19.4 \\ 197 \\ 25.45$	$1.83 \\ 167 \\ 9.18 \\ 9.18$	$1.90 \\ 183 \\ 5.5 \\ 5.5 \\$			$1.71 \\ 200 \\ 2.18 \\ 2.18$	1.77 120 2.0		1.58 74 12.5	1.73 150 37.1	1.77 130 19.5	$1.86 \\ 140 \\ 10.5 \\ 10.5$	1.92 150 6.4	1.71 1.80 1.80 1.8	2.02 270 3.5	1.71 144 3.9	1.85 142 10.25
																Transfer Andrew Westername
								$\begin{array}{c} 1.83\\260\\\infty\end{array}$								
$\begin{array}{c} 1.79\\ 239\\\infty\end{array}$								$ \begin{array}{c} 1.80 \\ 156 \\ 9.2 \\ 9.2 \\ \end{array} $								$\frac{1.93}{320}$
2.15 300 3.45	$^{2.06}_{428}$							$\frac{1.87}{204}$						$1.88 \\ 384 \\ 884$		$2.08 \\ 320 \\ 3.7 \\ 3.7$
$1,92 \\ 240 \\ 9.0$	2.07 360 9.0							$1.65 \\ 139 \\ 3.2 \\ 3.2$						$\frac{1.87}{500}$		$ \begin{array}{c} 1.90 \\ 175 \\ 6.65 \end{array} $
$\frac{1.83}{160}$	$ \frac{1.86}{180} 5.65 $	1.92 199 00			$\begin{array}{c} 1.97\\292\\\infty\end{array}$			$1.50 \\ 4.3 \\ 4.3$	1.93 250 ∞	$\begin{array}{c} 2.18\\ 194\\ \infty\end{array}$			1.98 195 ∞	1.92 260 6.0		$ \begin{array}{c} 1.72 \\ 95 \\ 2.2 \end{array} $
$ \begin{array}{c} 1.72 \\ 115 \\ 6.0 \\ \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.73 \\ 90 \\ 2.35 \end{array} $	$ \begin{array}{c} 1.91 \\ 180 \\ 6.1 \\ 6.1 \end{array} $			$\begin{smallmatrix}1.71\\200\\2.18\end{smallmatrix}$			1.47 43 5.0	$ \begin{array}{c} 1.73 \\ 150 \\ 37.0 \\ \end{array} $	$1.77 \\ 130 \\ 19.5$			$1.71 \\ 180 \\ 1.75$	$2.09 \\ 270 \\ 8.0 \\ 8.0$		$1.93 \\ 80 \\ 1.7 \\ 1.7$
D>H	D>H	0>H	U>H	D>H	D>H	0>H		D>¤		0>H	D>H	0>H	0>H	0>H		D>H
		2		2	2	2	目期	山原	頭	×	×	F	杠	휲	桜	3
电	E	l t ~ -	電々ビ	で で い			有外電	展示	型 []	1	高炉地	中部電:				
+++ ريچيز	- Ъ	₹ 1前夕-	小路	本生	目治生	臣友生	1古屋1	国際 [「坂	י ידענ	「日鉄」	て高町	111	州	1444	神 ン
₩ ₩	₩	國	X E		X	X	X V	×	N N	1 T	市	X		X	× 慶	X
影	다. 고	中村	H H	E E	中村[中村	昭和[親	穀	東海1	東海1	禄	 	東	名東	뉘
17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33

1~7は層の番号,A:南陽層 N:濃尾層 G1;第一碟層 D3:熱田層 G2;第二碟層 D'3;前熱田層 G3;第三碟層 D2;後八事期層 D1;八事售山層 F;矢田川累層 *表上 **10mんせつ土 ****南陽層

飯田 汲事,正木 和明,坪井 利弘

184



図2 熱田層上面を地震基盤面にした時の周波数一増巾度曲線





表2 地質別密度

地質区分	沖積層	第一 孫層	熱田層
砂	1.93	1.88	1.97
シルト・砂質シルト	1.71	1.84	1.85
砂質粘土・粘土質シルト			
粘土・シルト質粘土	1.60		1.78
粘土質砂・シルト質砂	1.81		1.93
砂碟		2.06	2.13
粘土(シルト)質砂礫			1.92
碟 混 砂		1.95	1.95
しゅんせつ土	1.58		
しゅんせつ土	1.58	1.00	1.00

場合には表2の値を用いた.基盤のS波速度および密度 は熱田層上面下10mまでの平均値を用いた.

(b) 第三紀層上面を地震基盤とする場合

全てのボーリング調査深度が第三紀層まで達している ¹²⁰ わけではないので,名古屋地盤図,濃尾平野地層断面図 を参考にして,地質別に層区分を行なった。各層でのS 波速度は実測値があればその平均値とし,層の途中の深 さまでしかない場合には,途中までの平均値を用いた. 全く実測値がない場合には次式を用いてS波速度を計算 した.

$V\!=\!106 H^{0.16} \; p_{\,i} \, q_{\,i}$

ここでHは深度であり, piはその深度での地質年代が沖 積層,洪積層あるいは第三紀であればそれぞれ 1.00, 1.48, 2.08である。qiはその深度での地質が粘土,シル ト,砂,砂磙であればそれぞれ1.00, 0.95, 0.98, 1.27 である. 密度は実測値があればS波速度を決めた方法と 同じ方法を用い,実測値がない場合,熱田層までは表1 を用い,それ以深は九番町団地,大高中電総合技研にお ける実測値を用いた.

計算に用いた密度,S波速度,層厚の値を各層別に表 1に示す.ただし基盤の層厚は無限大としてあるので表 には示されていない.

4. 計算結果

計算は0.1H₂ごとに0~10H₂まで行ない各周波数での 増巾度を求めた。得られた周波数一増巾度曲線を図2, 図3に示す。

熱田層上面を地震基盤面とした場合,増巾度曲線は一 般になめらかであり,ピークの数は少ない.大宝小,荒 子小,名古屋駅ターミナル,中区三ノ丸の各地点は二層 構造であり,しかも第一層は薄く,第二層即ち基盤と第 一層とのS波速度,密度は類似している.このような場 合には,ほとんどピークは現らわれていない.土古公 園,道徳公園,豊正中,白水小,日比津小,高木小,九 番町団地,中丸団地,大幸団地の曲線には弱いピークが 唯一つのみみられる.一方,軟層弱が厚く堆積している 飛島中,国際展示場,金城埠頭,十四山公園の曲線には いくつものピークがみられる.

第三紀上面を 地震基盤面とした 場 合には, 層数が 多 く,かつ各層のS波速度,密度が異なるために,一般に 曲線は複雑になる.しかし,熱田層上面を地震基盤面と した場合と第一近次的には類似していると言える.

表3に、周波数一増巾度曲線から得られた最大増巾度 R_1 とその時の周期 T_1 (以後,卓越周期と呼ぶ),最も 低周波のピーク(一次ピークと呼ぶ)の増巾度 R_t と周 期 Υ_t (一次ピーク周期と呼ぶ),更に基盤のS波速度



図4 熱田層上面を地震基盤面として求めた 一次ピーク増巾度と速度比との関係



図5 熱田層上面を地震基盤面として求めた 最大増巾度と速度比との関係



図 6 第三紀層上面を地震基盤面として求めた 一次ピーク増巾度と速度比との関係



図7 第三紀層上面を地震基盤面として求めた 最大増巾度と速度比との関係

に対する地表でのS波速度の比Vsfを示す.

図4,図5,図6,図7はS波速度の比Vsfと増巾度 R₁,R_fとの関係を示したもので,両者の間には次のよ うな関係があることがわかる. 〇熱田層上面を地震基盤とした場合 $\left\{ -次ピークの増巾度=2.5 \times V_{sf}^{-0.7} \\ \mathbf{Q}$ 大増巾度=2.5 × $V_{sf}^{-0.9}$ 〇第三紀層上面を地震基盤面とした場合 $\left\{ -次ピークの増巾度=1.9 \times V_{sf}^{-0.9} \\ \mathbf{Q}$ 大増巾度=2.3 × $V_{sf}^{-1.0}$

速度比 Vsf は地表でのS波速度が地震基盤のS波速度に 比べて相対的にどの程度遅いかを示すパラメーターであ るが、上式は、地震基盤に比べて、地表のS波速度が遅



図8 地表でのS波速度分布(単位;m/sec)



図9 第三紀層上面を地震基盤面として求めた 最大増巾度の分布



図10 第三紀層上面を地震基盤面として求めた 卓越周期の分布(単位;秒)

表3 各地点での	速度比,増巾)	実および周期								
	熱田	層上面を担	也震基盤可	丘とした場	<□	第三	紀層上面を	地震基盤	面とした場	¢¤
析 地 点	速度比 Vsf	最大増巾度 R1	卓越周期 T ₁ (秒)	一次增巾度 R	→次周期 Tf(秒)	速度比 V _{sf}	最大增巾度 R1	卓越周期 T ₁ (秒)	一次増巾度 Rf	次周期 T _f (秒)
いろは公園	0.415	5.43		5.43	0.417	0.186	9.70	0.444	9.70	0.444
土古公園	0.540	3.54	0.225	3.54	0.225	0.258	9.25	0.213	6.86	0.317
正色小学校	0.348	5.27	0.606	5.27	0.606	0.259	14.07	0.101	7.74	0.625
道徳公園	0.458	5.46	0.272	5.46	0.272	0.184	13.95	0.299	13.95	0.299
大宝小学校	0.738					0.285	6.36	0.101	4.30	0.714
荒子小学校	0.727	2.72		2.72	0.222	0.259	8.40	0.184	4.68	0.833
南陽中学校	0.353	12.70	0.217	5.61	0.870	0.271	14.08	0.108	8.07	1.250
豊正中学校	0.528	3.87	0.294	3.87	0.294	0.312	9.37	0.118	5.16	0.833
(白水小学校	0.502	4.12	0 161	4.12	0.161	0.217	11.16	0.192	5.54	0.465
3 飛島中学校	0.318	7.10	0.157	6.00	0.952	0.255	8.72	0.225	8.45	1.111
(千音寺小学校	0.556	4.70	0.183	4.31	0.606	0.262	11.57	0.202	7.57	0.606
(日比津小学校	0.414	4.33	0.408	4.33	0.408	0.260	7.86	0.465	4.86	0.465
【 津賀田小学校	1					0.450	4.22	0.124	3.80	0.488
高木小学校	0.443	5.77	0.108	3.57	0.278	0.233	7.04	0.364	4.62	0.800
2 十四山公園	0.225	8.65	0.101	7.28	1.111	0.231	10.99	0.118	9.45	1.250
、九番町団地	0.551	3.98	0.160	3.98	0.160	0.226	17.72	0.168	4.65	0.870
、 樂 地 町	0.481	4.31	0.328	4.31	0.328	0.368	6.21	0.111	5.25	0.741
(中九団地	0.211	6.52	0.189	6.52	0.189	0.352	6.20	0.225	2.56	0.833
、 駅前ターミナル	0.905					0.339	7.27	0.141	4.54	0.465
【 広小路電々ビル						0.613	5.10	0.161	2.61	1.053
1日本生命ビル						0.641	3.74	0.161	2.70	1.111
【 明治生命ビル						0.384	3.62	0.333	2.84	1.667
【 住友生命ビル						0.227	6.54	0.138	5.45	0.667
5 名古屋市外電話局						0.650	3.89	0.116	3.39	0.299
ζ 国際展示場	0.165	12.60	0.156	10.00	0.800	0.140	12.92	0.138	11.30	0.769
、金城阜頭	0.600	3.76		3.76	1.000	0.313	7.16	0.144	6.86	1.111
「南」	0.669	3.69		3.69	0.606	0.542	4.59	0.606	4.59	0.606
5 新日鉄高炉地区						0.335	6.02	0.333	6.02	0.333
(大高町中部電力						0.398	5.24	0.171	5.24	0.171
三ノ丸	0.929					0.364	5.57	0.118	4.13	0.444
(大奉団地	0.703	2.70	0.214	2.70	0.214	0.703	2.42	0.208	2.42	0.208
5藤 森						0.343	5.18	0.194	5.18	0.194
【 水 草 団 地	0.250	5.98	0.247	5.98	0.247	0.310	7.45	0.29	7.45	0.294
		-								

S波多重反射理論による名古屋地盤の地震応答計算

189

ければそれだけ増巾度は大きくなることを示している。

図9は得られた最大増巾度を名古屋地盤上にプロット し,等増巾度線を記入したものである.東部丘陵地では 増巾度が小さく,西部では増巾度が大きいことがわか る.南部ではやや複雑なパターンとなり,熱田,港,南 区にかけて増巾度が11と大きい地域が存在する.また庄 内川西部でも増巾度は11と大きい.図9と,地表でのS 波速度の分布を示した図8とを比較すると両者の間に類 似したパターンがみられることは注目される.

図10は卓越周期の分布図である.市中心部から東にか けて広がる洪積台地上では周期は0.1秒~0.2秒と短い. 北部から西部,南部にかけては0.2秒~0.6秒とやや長く なるが 0.1秒程度の周期となる地点もあり複雑なパター ンを示している.

5. 震害との関係

図11,図12はそれぞれ1891年濃尾地震,1944年東南海 地震における住家被害率と増巾度(第三紀層上面を地震 基盤面として求めた最大増巾度),その卓越周期との関 係を示したものである、ここで住家被害率とは全壊住家 数に半壊住家数の半数を加え全住家数で割ったパーセン トである.濃尾地震における被害率は当時の町村別に求 めてある.東南海地震における被害率は当時の更区(現 在の学区に近い)別に求めたものであり,2,3の連区 において特に被害率が大きく,このために図中の点にや やばらつきがみられる.両図より増巾度が大きくなると 被害率も大きくなることがわかる.前節で述べたよう に、速度比が小さければ増巾度は大きい.従って,基盤 に比べて表層のS波速度が小さいような地盤では増巾度



は大きく,また被害率も大きくなると言える.卓越周期 に関しては,点数が少なくはっきりとした傾向はみにく いが,0.2~0.5秒程度の周期の時被害率は大きくなると 言えよう.

参考文献

- H. Shibata and R. Hara: "Some Comment on the Randomness of the Strong Earthquake", Proceedings of Japan Earthquake Engineering Symposium, 1969
- 2) J. Penzin, C. Scheffey and R. Parmelee:
 "Seismic Analysis of Bridge on Long Piles"
 A. S. C. E., Vol. 90, 1964
- 3) H. B. Seed : "The Influence of Local Soil Conditions on Earthquake Damage"
 WI, International Conference on Soil Mechanics and Foundation Engineering, 1969
- 4) I. M. Idriss and H. B. Seed: "Response of Earth Banks during Earthquake"
 A. S. C. E., Vol. 93, 1967
- 5)武藤清,内田一義,高瀬啓元:
 "建築基礎周辺の応力と変形"
 日本建築学会論文報告集,1967
- 6) G. Nishimura and T. Takayama: "Stationary Vibrations due to an Obliquely Incident Transversal Wave of Harmonic Type of the Surface-Layer of an Elastic Earth's Crust" B. E. R. I., Vol. 17, 1939
- 7) K. Kanai: "Relation between the Nature of Surface Layer and the Amplitude of Earthquake Motion,, B. E. R. I., Vol. 30, 1952
- 8) K. Kanai and S. Yoshizawa :
 "Relation between the Amplitude of Earthquake Motion and the Nature of Surface Layer. IV (The Case of Finite Train)" B. E. R. I., Vol. 34, 1956
- 9)小林啓美,鏡味洋史: "波動理論を用いた成層構造の地震応答の数値解法について"日本地震工学シンポジウム,1966
- N. A. Haskell : "The Dispersion of Surface Wave on Multi-Layered Media", Bull. Seis. Soc. Ame., Vol. 43, 1953
- I. Herrera and E. Rosenblueth : "Response Spectrum on Stratified Soil" Proc. III. W. C. E. E., Vol. 1, 1965
- 12) 名古屋地盤図, コロナ社
- 13) 桑原 徹: "濃尾傾動盆地の発生と地下水系の第四 系"地盤沈下の実態とその対策に関する調査研究 報告書,愛知県地盤沈下研究会,昭和49年度
- 14)飯田汲事,正木和明,楓 重彦:名古屋地盤の振動 特性に関する研究,愛工大紀要,Vol. 13B, 1978