# 軟鋼軸の塑性ねじりに関する実験

第1報 U形 円周みぞを有する軸

機械工学科 伊藤 実

# Plastic Torsion Tests with Mild Steel Shafts No 1. Shafts with U-Notched Circumferential Grooves

## Minoru ITō

U形円周みぞを有する軟鋼丸軸について弾塑性ねじり実験を行なった.試験片の形状としては丸軸の最小 断面の径 dおよびみぞ底の曲率半径 ρをことにする12種類の切欠き形状を選び,塑性ねじりの各段階におい て丸軸内に生ずる塑性域の発達とねじりモーメントとの関係を観測し,切欠き形状の相違が塑性域の発達に いかなる影響を及ぼすかを明らかにした.さらに,降伏点ねじりモーメントを測定して,拘束係数を求め, みぞ底の曲率半径 ρの変化によって塑性域に及ぼす弾性域の拘束がどのように変化するかを調べた.又平滑 試験片の場合には完全塑性材料として計算された理論値と比較し,実験値と一致することを示した.

### 1. 緒 言

降伏点荷重を求める問題は,材料の塑性変形機構の解 明ならびに塑性設計に関する基礎的資料を得るための重 要な課題である.したがって,降伏振りを受ける切欠き 部材の降伏点荷重を求める問題は<sup>(1,2)</sup>,基礎的な問題と して実用上重要な研究課題である.特に市販され日常使 用される実在の材料の特質を考慮に入れる場合には,実 験的手段によらねばならない.さきに,円形,正方形及 び長方形<sup>(3)</sup>の断面形状を有し,断面積を同一とする軟 鋼軸の塑性捩り実験を取扱い,リューダース帯の撮影, ひずみ模様の検出より,塑性域の発達と捩りモーメント の関係を詳細に観測して,塑性変形機構を明らかにする と共に,降伏点捩りモーメントの測定を行なった.

本研究では、U形円周みぞを有する軟鋼丸軸の弾塑性 振り実験を行なった.ここでは、丸棒の最小断面の径お よび底の曲率半径をことにする12種類の切欠き形状を選 び、塑性振りの各段階において丸軸内に生ずる塑性域の 発達と振りモーメントとの関係を観測し、切欠き形状の 相違が塑性域の発達にいかなる影響を及ぼすかを明らか にした.さらに近似的な降伏点振りモーメントを測定 し、とくに平滑試験片の場合には完全塑性材料として計 算された理論値と<sup>4,5</sup>比較した.U形円周みぞによる切 欠き形状の変化によって塑性域に及ぼす弾性域の拘束の 割合がどのように変化するかを調べた.従来の研究とし てはA.NADAI<sup>(6)</sup>により円周溝を有する丸軸の 塑性域 の一部が示されている.本実験では本邦にて製造・市販 されている実在の材料を使用し丸軸の表面及び縦断面に おける塑性域の発達のより詳細な観測をなした.

## 2. 実験方法

2.1 試験片 素材としては、S35C引抜鋼材を 880℃ で90分焼ならししたものを用いた. この材料の化学成分

および機械的性質を表 1,2 に示す.本実験では丸軸の 最小断面の径(3 種類)および曲率半径(4 種類)を変 えて12種類のU形円周みぞをもつ丸軸を用い,円周みぞ は研磨し,曲率は投影器を使用して検査し良好なものを 使用した.図1に試験片の形状を示す.ここに各部の称 呼寸法は,

 $D=24.00\,\mathrm{m\,m}$ ,  $l=50.00\,\mathrm{m\,m}$ .

d=14.00mm, 16.00mm, 18.00mm.

 $\rho = 1.00 \,\mathrm{m\,m}$ ,  $4.00 \,\mathrm{m\,m}$ ,  $16.00 \,\mathrm{m\,m}$ ,  $64.00 \,\mathrm{m\,m}$ 

であり, *l*は標点間距離を, Lは全長で300±1mmである.



実験には,容量50Kgmの振子重錘槓 2.2 実験方法 った.荷重は手動によって静かに加え,各荷重段階にお ける荷重速度は常に一定になるように注意した。降伏域 に達するまでは荷重が一定量増加するごとに振れ角を測 定し、以後は降伏域の発達状態にともなって荷重設定を 行いそのつど捩れ角を測定した。降伏域がある程度広が ると、試験片内の局部的辷りが著しくなるために荷重が 不安定になる、この場合には荷重が安定してから、捩れ 角の測定をし,さらに荷重を増すようにした.負荷終了 はひずみ硬化が明らかに認められる時とした.次に試験 片の一部を切り取り, エッチングを施してひずみ模様を 検出した(7).また一部の試験片は断面の降伏域の発達状 態を観察するため適当な荷重段階で除荷し同様の処置を 施した、

	表 1	化学成	分 (%)		
C	Si	Mn	P	S	Fe
0.37	0.31	0.72	0.012	0.021	残余

表 2 機 械 的 性 質

縦弾性係数	横弾性係数	降	伏	点	弓	張強さ	俌	N.	絞	Ŋ
E Kg/mm <sup>2</sup>	G Kg/mm <sup>2</sup>	$\sigma_{\rm S}$	Kg/:	$mm^2$	$\sigma_{\rm B}$	Kg/mm²	$\varphi$	%	$\phi$	%
$2.11 \times 10^{4}$	$8.21 \times 10^{3}$		40.8	3		61.9	21	.2	68	3.2









#### 実験結果および考察

円周みぞの底の曲率半径 $\rho$ の各値について,最小断面 の直径 d をパラメータにとり,実験結果を示せば図2~5 のような振りモーメント(T) – 振れ角( $\theta$ )図となる. 図 2'~5' にU形円周みぞを持つ丸軸の縦断面及び表面の 塑性域の発達の状態を示した.図は $\rho$ の各値について一 例(d=16)づつ挙げたものでその番号は図中の番号に 対応する.図6及び図6'は平滑試験片のT- $\theta$ 図及びその 横断面の塑性域の発達の模様を示したものである.

## 3.1 T-O 図と塑性域の発達

円周みぞをもつ試験片では,最初に塑性域に達するの は弾性ねじりにより応力が集中しせん断応力が最大とな る円周みぞのみぞ底の図心より最も近い点である.図2~ 6中①は塑性域の発達の初期の状態を表わすが, *ρ* が大 きくなるに従って応力集中が減少するためこの点が次第 に上昇することが判る. Tが増加して降伏が進むと T-*θ* 図は直線をはずれる. この段階における塑性変形は弾性 変形とほぼ同じ程度の 大きさにとどまる ものと考えら れる.さらにTが増加し塑性域が発達するにつれて,みぞ 底の辷った領域は巾及び数を増しながら図心に向って発 達する,と同時にみぞ麦面に沿って成長して行く②. 降

伏がさらに進むとみぞ底の最小断面及びこれらに隣接す る部分に局部的なすべりが盛んに起り弾性域は狭まる. したがって $\theta$ の増加が著しくなり、 $T-\theta$ 図の曲がりがゆ るやかになってほぼ水平部分を牛ずるようになる。③に 到ると最小断面の応力状態は弾性変形をなす図心付近を 除き一定降伏応力で。に等しくなりやがて表面では降伏 完了点に達するものと考えられる.次の段階ではくさび 形に成長した降伏領域が図心に向って次第に進むと同時 にみぞ表面に沿って発達しその巾を増してゆく.その間. ひずみ硬化を伴うため捩りに対する抵抗が大きくなり θ に対してTは徐々に増加する.このとき図心付近は弾塑 性共存の状態にあるが弾性域は減少し,Tの増加に従い 一り領域が互いに接近しついに一部の先端が連絡するよ うになり、又一方表面より図心に向ってひずみ硬化が進 t(a). このことは T -  $\theta$  図の示す如く明らかである. 更 にTが増すと⑤のように弾性域が狭くなり、応力はその 中で急激に変化し、 $\theta \rightarrow \infty$ の極限においては弾性核は点 状化し応力の不連続線(8)となることが予想される.

### 3.2 降伏点捩りモーメント

図 2'~5' に示す塑性域の発達の状態より③においては 塑性域はほぼ最小断面の全域にわたって発達した状態に



図 4′ 切欠試験片,軸表面及び縦断面(中央)のひずみ模様

あることが解る。一万図 2~5 の実験結果から③の点を 越えて変形を進めるには、さらに大きな捩りモーメント を必要とする。即ちひずみ硬化を伴うため、③の点を越 えると、 $T - \theta$ 図の $\theta$ 軸に対する勾配が急に増加するこ とが認められ(3)の点の位置は容易に求まる。かくしてひ ずみ硬化を起す直前,すなわち,③に対する捩りモーメン トは近似的に完全塑性材料に対する降伏点捩りモーメン トT。を与えるものである. すなわち図2~6に破線で示 したごとく③の点を通る水平線と弾性部分の延長とを結 ぶT-θ 図は本実験で用いた 軸材を 完全塑性材料と考え た場合を表わすものとみなしてよい.表3はT-θ図を 用いて, U形円周みぞを有する試験片の降伏点捩りモー メントT。を求めたものである. 平滑試験片の降伏点捩り モーメント T\*および T\*によって弾性的に捩られると 仮定した最大捩れ角∉を図6から求めれば表4のように なる. 無限に大きな相対的捩れ角に対して現われる純塑 性応力状態を仮定して計算された理論値<sup>(2)</sup>によれば,降 伏点捩りモーメント Tth\*および Tth\*によって弾性的に 捩られると仮定した捩れ角  $\theta_{th}$ \* は, 夫々 (1) 式で与え られる.

$$T_{th}^* = \frac{2}{(3)^3} \pi \kappa \left(\frac{d}{2}\right)^3, \quad \theta_{th}^* = \frac{-32T_{th}^* \ell}{\pi d^4 G} \cdots \cdots (1)$$

(1)式に於て  $\kappa$  は塑性条件によって定まる定数であり最大 せん断応力一定の条件にもとづく  $\kappa = \tau_s = \sigma_s/2$  の値で計 算した結果を表4に示したが,実験値とよく一致する. したがって他のU形円周みぞを有する試験片の場合も, いちおう信頼される値であると考えられる.

#### 3.3 拘束係数

実

表3のT。および表4のT\*の値を用いて、切欠き形状 の変化によって塑性域の発達に及ぼす弾性域の拘束の割

表 3 降伏点ねじりモーメント

T <sub>o</sub> Kgm							
ρmm dmm	1	4	16	64			
18	33.30	33.10	32.70	31.50			
16	23.50	23.25	22.95	22.10			
14	15.90	15.60	15.40	14.85			

表4	平滑試験片	「の降伏点ねじ	りモーメ	ン
	ねじれ角,	弾性的最大ね	じれ角	

d	T*	T <sub>th</sub> *	T <sub>th</sub> *	<i>θ</i> *	$\theta_{th}*$
mm	Kgm	Kgm	/T	deg/50mm	deg/50mm
18	31.10	31.15	1.002	1.06	1.055
16	21.80	21.88	1.004	1.19	1.186
14	14.60	14.65	1.003	1.37	1.356



図 2'



 $\rho = 6^{\prime}$   $\boxtimes 5^{\prime}$ 

切欠試験片,縦断面(中央)のひずみ模様

合,すなわち拘束係数  $T_o/T^*$ を求め,曲率半径 $\rho$ との関係を求めれば図7のようになる.表3,図7より円周 みぞの曲率半径 $\rho$ が大になるにつれて,すなわち,切欠 きが広くなるに従って振りに対する抵抗が減少し  $T_o$ は 次第に  $T^*$ 接近することがわかる.

## 4. 結 言

U形円周みぞを有する軟鋼丸軸の弾塑性捩り実験を行 い, T-θ 図を得,丸軸の縦断面及び表面のひずみ模様 を検出することによって,塑性域の発達と捩りモーメン トとの関係を明らかにした.また,実在の軸材について の近似的な降伏点捩りモーメントを求め,とくに平滑試 験片の場合には,純塑性応力状態を仮定した理論との比 較を行い,最大せん断応力が一定の塑性条件のもとに計 算された理論値とよく合うことを明らかにした.また, 塑性域の発達に及ぼす弾性域の拘束をあらわす拘束係数 を得た。

終りに,終始懇切な御指導を賜わった名古屋大学の大 久保 肇名誉教授及び清家政一郎教授に感謝するととも に,本研究が名古屋大学工学部における木下武雄,小島 勝及び坂井田壮太郎君の卒業研究の一部であることを付 記する.





図 6 平滑試験片の T-θ図



図 6′ 平滑試験片,横断面及び表面(①,②)のひずみ模様

実

- 山田嘉昭,中原益次郎,塑性学,日本機械学会 (1960),P 207.
- (2) B.B.ソコロフスキー,大橋訳,塑性学,朝倉 (1959),P 93.
- (3) 伊藤..日本機械学会東海支部第15期支部総会学術講 演会前刷
   (昭41-3), P17.
- (4) W・Prager & P.G. Hodge, Jr., Theory of Perfectly Plastic Solid (wily, 1951) :安倍・宮

本訳, W・プラガー, P.G.ホッジ著, 塑性学, 丸善 (1954), 緒論及び第1章

- (5) 大久保 肇., 最新材料力学, 朝倉 (1957), P 159.
- (6) A Nadai, Plasticity, (McGrcw-Hill, 1931),
  P 151~155.
- (7) 清家・伊藤,機械学会論文集, 28-194 (昭37-10), 1353
- (8) 文献 (2), 第4章