A study on the seismic performance of steel bridge piers subjected to bi-directional horizontal loads

水平2方向荷重を受ける鋼製橋脚の耐震性能に関する研究

水野豪[†], 鈴木森晶^{††}, 青木徹彦^{††} Takeshi MIZUNO, Moriaki SUZUKI, Tetsuhiko AOKI

Most of the studies that have so far been carried out on seismic performance of steel bridge piers were based on one-directional loading. However, actual structures have to sustain more complex multi-directional horizontal forces when subjected to earthquake. Stress concentration may often occur at the bottom corners of the pier due to biaxial bending in multi-directional loading. This has great influence on ultimate strength and ductility of steel bridge piers. Experimental study was performed to investigate the seismic performance of steel bridge piers subjected to two-directional horizontal forces. For this purpose, several square section columns were served and the strength and ductility were investigated.

1. 序論

1・1 背景

現在までに大学,研究機関で数多く行われてきた鋼製橋脚に関 する研究は^{1)~3},地震時の慣性力を想定した水平荷重を橋軸方向 や橋軸直角方向という1方向に入力する研究が大部分であった. 一方で橋軸方向および橋軸直角方向同時に水平力を作用させる 2方向入力に関する研究は建築構造物を対象に以前から行われ てきたが⁴⁾, 土木構造物を対象とした研究はほとんどなされてお らず,現時点では未解明な部分が多い^{3)~7}.

土木構造物を対象とした研究として、杉浦ら[®]は、角形鋼管柱 が地震力を理想化した水平 2 方向の繰り返し荷重を受ける際の 荷重-変形関係を実験的に求め、1 方向比例載荷と比較して 2 方 向非比例載荷での強度劣化が著しいことを明らかにしている.西 田ら[®]は、RC 柱が水平 2 方向の地震入力を受ける際の非線形領 域における耐力・変形特性を検討するために振動台加振実験を行 い、非線形領域において加速度や変位履歴が水平 2 方向に対して 長周期化しながら描くということを確認した.小畑ら[®]は、橋脚 モデルに対して水平 2 方向の地震波に対するハイブリッド地震 応答実験を行い、従来の1 方向載荷と 2 方向載荷の差を具体的に 明らかにした.

ところで、橋脚が2方向からの荷重を受けた場合、2軸曲げが 生じることが考えられる、従ってこのような状態での橋脚基部の 応力は角部に集中し、従来から行われてきた橋軸および橋軸直角 方向への繰り返し載荷実験での基部応力分布とは明らかに異な る分布を示すことが考えられる.このように慣性力が複雑に作用 した状態での橋脚の耐震性能をより現実的に検討するには、地震 動の2方向入力を想定した状態が必要になると考えられる.しか し、現時点では参考となる実験データが十分蓄積されておらず、 明確な耐震性能の評価基準が定義されていないという理由から 水平荷重の2方向入力について十分検討できる状態とは言い難 い.

1・2 本研究の位置付け

1・1 で述べた背景をもとに地震動の2 方向入力に対する鋼製 橋脚の耐震性能把握のための研究プロセスを提案する.本研究で 提案する研究プロセスを図1 に示す.この研究プロセスの中での 本研究の位置付けは、①、②を対象としている.



図1 研究プロセス

^{*} 愛知工業大学 建設システム工学専攻

^{**} 愛知工業大学 土木工学科(豊田市)

1·3 研究目的

本研究では、実地震動波形を単純なパターンにモデル化し、地 震時の慣性力に相当する水平荷重を受ける正方形断面を有する 鋼製橋脚の2方向繰り返し載荷実験およびFEM解析を行う、実験 に際して、供試体の3次元的な挙動を再現することができる載荷 装置の開発を行う、次に2方向載荷自動制御プログラムの開発等 の実験システムを作製し、動作確認および検証を行う.

載荷実験では、第1段階として断面の主軸方向およびこれに角 度をつけた2種類の方向からの繰り返し載荷実験を行う.第2 段階として、実地震動波形に多く見られる円周状および楕円状の 波形を再現するために2方向からの載荷変位履歴が非直線的に 変化する非直線履歴を用いた繰り返し載荷実験を行う計画であ るが、本研究では、載荷実験の前にFEM解析により、その挙動を 明らかにし2方向からの円周状および楕円状の載荷変位履歴に 対する耐震性能を検証する.

2. 実験概要

2・1 実験供試体

本研究で使用する実験供試体は、フランジ、ウェブにそれぞれ 2本の縦方向補剛材を持つ正方形補剛箱型断面である.図2に供 試体断面図,表1に供試体寸法および構造パラメータを示す.構 造パラメータは、式(1)、(2)を用いて算出した^{8,9}.



図2 供試体断面図

表1	供試体諸元
----	-------

鋼種		SM490
板幅	b (mm)	450
板厚	t (mm)	6
縦補剛材板幅	bs (mm)	55
縦補剛材板厚	ts (mm)	6
供試体高さ	h (mm)	2420
幅厚比パラメータ	R _R	0. 522
細長比パラメータ	λ	0. 350
補剛材剛比	γ/γ^*	2. 50

$$R_{R} = \frac{b}{t} \sqrt{\frac{\sigma_{y} \, 12 \, (1 - v^{2})}{E \, \pi^{2} k}} \tag{1}$$

$$\lambda = \frac{2h}{r} \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\sigma_y}{E}}$$
(2)

ここで、 $b: 板幅, t: 板厚, \sigma_y: フランジ板パネルの降伏応力, E: 弾性係数, <math>\nu: ポアソン比, k: 座屈係数 (=4n^2), n: 補剛 板のサブパネル数, r: 断面 2 次半径, h: 供試体高さである.$

2・2 実験システム

本研究では、地震時の慣性力を想定した水平荷重の2方向入力 を実現するために、水平荷重載荷用2000kNアクチュエータを2 基用いた.また、任意の載荷パターンに対応するためコンピュー タによる自動制御とした.この自動制御を実現するために、理研 精機社製静的油圧アクチュエータ・システム制御ラック(RCX-70) および東京測器社製 A/D 変換器(DRA-101C)、制御用コンピュータ、 計測用コンピュータを使用した実験システムを作製した.実験シ ステムは、載荷装置および計測装置、制御装置の3つで構成され ている.

2・2・1 計測装置および制御装置

計測装置および制御装置は、A/D 変換器と計測用および制御用 のコンピュータ、制御プログラムで構成されている。制御プログ ラムは、Visual Basic6.0 を用いて作製した.本プログラムは、 制御用コンピュータで使用し、アクチュエータおよびA/D 変換器 からの出力信号値の計測を行う計測値取得プログラムと、アクチ ュエータ・システム制御ラックとの通信を行い、アクチュエータ を自動制御させるプログラムで構成されている。

2·2·2 載荷装置

載荷装置平面図を図3に示す.載荷は、上部構造重量を想定した鉛直荷重を載荷するために供試体上部に1000kNアクチュエータ1基,地震時の水平2方向からの慣性力を想定した水平荷重を 載荷するために2000kNアクチュエータ2基を取り付けた.本研 究では、水平荷重を2方向から載荷するため、荷重載荷位置が3次元的な挙動をする.そのため、既存の載荷冶具に替わる新たな 載荷冶具として、以下に述べる鉛直荷重載荷冶具と3方向荷重載 荷冶具を作製した.

(1) 鉛直荷重載荷冶具

鉛直荷重載荷治具を写真1に示す.鉛直荷重載荷治具は、供試体上部に PC 鋼棒 4 本で反力床から支持し、載荷治具底面に 1000kN アクチュエータを取り付け、供試体真上から載荷を行う.



(2) 3方向荷重載荷冶具

本研究で作製した3方向荷重載荷冶具を写真2に示す.載荷冶 具の構造は、中心に直径90mmの芯を配置し、その中間部に両端 にアームを有する回転部品を取り付ける.回転部品の両端に取り 付けられたアームの先端に、アクチュエータ取り付け部を設ける. また、鉛直荷重載荷用に芯の上部に球座を取り付け、アクチュエ ータ先端を凹型にすることでピン支持とする.なお、芯と回転部 品、回転部品とアームの取り付け部分はピン構造となっている. 3基のアクチュエータと3方向荷重載荷冶具との固定部分がピン 構造となるため、荷重載荷位置の3次元的な挙動を実現させるこ とができる.

2·3 載荷方法

本研究では、供試体の全断面降伏軸力 P_yの 20%である 864kN を上部構造重量を想定した鉛直荷重 P とした.載荷実験では、鉛 直荷重 P を一定に保持した状態で水平2 方向への変位制御による 繰り返し載荷を行った.繰り返し載荷の基本となる降伏水平荷重 H_y は式(3),(4)を用いて算出した値のうち小さい方の値を採用 し、降伏水平変位 δ_y は曲げ変形とせん断変形を考慮した式(5) を用いて算出した^{10,11}.

$$H_y = \frac{M_y}{h} (1 - \frac{P}{P_y}) \tag{3}$$

$$H_{y} = \frac{M_{y}}{0.85h} (1 - \frac{P}{P_{E}})(1 - \frac{P}{P_{u}})$$
(4)

$$\delta_y = \frac{H_y h^3}{3EI} + \frac{H_y h}{GA_{W}} \tag{5}$$



写真1 鉛直荷重載荷冶具



写真2 3方向荷重載荷冶具

ここで、 M_y :降伏モーメント、h:供試体高さ、E:弾性係数、I: 断面 2 次モーメント、 P_E :オイラー座屈強度、 P_u :道路橋示方書 に示される局部座屈の影響を考慮した中心軸圧縮強度、G:せん 断弾性係数、 A_W :ウェブ断面積である.

2·4 載荷履歴

地震動の2方向入力に対する橋脚の挙動を把握するためには、 実地震動波形を入力する動的載荷実験や2方向載荷ハイブリッ ド地震応答実験を行うのが最適である.しかし,これらの実験で は、多くの実地震波を入力する必要があるばかりでなく、得られ る結果は複雑で整理が難しくなることが報告されている^{の、7}.

一般に地震動は、波形が道線的に変化する直線成分と非直線的 に変化する非直線成分の2種類に分類される.そこで、本研究で は地震時の慣性力を想定した2方向からの水平荷重を、実地震動 波形に多く含まれる角度を有する直線成分や円周状および楕円 状の非直線成分にモデル化した7通りの載荷変位履歴で再現す る.これらのモデル化した載荷変位履歴を図4(a)~(e)に示す. なお、載荷変位履歴名は、UNI(直線0度),BI-L27(直線26.6度), BI-L45(直線45度),BI-CIR(円周),BI-0VL(楕円),BI-0VL45(楕 円45度),BI-SQ(正方形)とする.



(e)BI-SQ 図4 モデル化した載荷変位履歴(単位:mn)

3. 実験結果

3.1 材料試験結果

本実験で使用した鋼材の材料試験結果4体の平均値を表2に示 す.ここで、E:弾性係数、 σ_y :降伏応力、 ε_y :降伏ひずみ、 ν :ポアソン比である.

表 2 材料試験結果

E (GPa)	σ_y (MPa)	$\epsilon_{y}(\mu)$	ν		
206	410	2200	0. 275		

3·2 直線載荷

本研究では、直線載荷の実験により得られた X, Y 方向別の水 平荷重,水平変位を載荷方向の合成値として水平荷重 H,水平変 位δを定義する.

(1) 水平荷重-水平変位履歴曲線および包絡線

図 5(a)~(c)に載荷方向別の水平荷重-水平変位履歴曲線を 示す.また,これらの包絡線を図6に示す.縦軸および横軸は、 水平荷重H,水平変位δを材料試験結果を用いて算出した降伏水 平荷重Hy,降伏水平変位δyにより無次元化した値である.

図5および図6より,載荷方向における最大荷重値の差は、約 3~4%とそれほど大きな差は見られないが,最大荷重以降の強度 劣化の程度はUNI(X方向載荷)と比較してBI-L27,BI-L45は比較 的緩やかな劣化となり,変形能が上昇した結果となった.これは、 板パネルに発生する応力分布の違いが要因であると考えられる. UNI では供試体基部に発生する応力はフランジ面によって主に 受け持たれ、フランジ面は載荷方向に対して直角であり勾配を持 たない.そのため、フランジ面で発生する応力はほぼ均等な値と なり、一旦座屈が生じるとフランジ面内全体が座屈し強度劣化の 進展は加速する.

一方,載荷方向に角度を持つBI-L27やBI-L45は、角部を構成 する板パネルが載荷方向に対して勾配を持つため、発生する応力 も載荷方向に対して勾配が存在する.BI-L45の場合、載荷方向 が供試体断面の対角線方向となるため角部に応力が集中し、角部 付近で早期に座屈を生じさせ、最大荷重の低下を早める。しかし、 角部を構成するウェブおよびフランジ板パネルに発生する応力 に勾配が存在するため、座屈の進展は緩やかとなる。

このように、板パネルに発生する応力に勾配を持つことが変形 能を上昇させる結果となったと考えられる.

(2) ひずみ分布

図7(a), (b)にUNI および BI-L45 の実験から得られた+2 δy 時の供試体基部ひずみ分布を示す.ひずみは、基部から高さ75mm の供試体側面補剛材上に貼り付けたひずみゲージより得られた 値である.図中の太線は供試体断面であり、ひずみ0(µ)を表す. その太線の外側を圧縮ひずみ、内側を引張ひずみとする.また、 矢印は+側の載荷方向を示す. 図7より, UNI は圧縮フランジ面 に約2400~3200(μ)の圧縮ひずみが生じた.一方, BI-L45 は載 荷方向側の供試体角部を構成する板パネルにそれぞれ約450~ 6400(μ)の圧縮ひずみが生じた. BI-L45 の供試体角部のひずみ は、UNI の同位置のひずみと比較して約2倍生じていることがわ かる.また、UNI ではウェブ面で圧縮、引張の両ひずみが分布し ているのに対して, BI-L45 は UNI のウェブ面に相当する板パネ ルのひずみ分布に占める圧縮ひずみの割合が大きくなっている ことがわかる.









(c)BI-L45 図5 水平荷重-水平変位履歴曲線

(3) 最大耐荷力と塑性率

本研究では、最大荷重 H_{max} を UNI の最大荷重 (H_{max})_{UN} で無次元 化した値を最大耐荷力とした.また、水平荷重が最大荷重到達後 にその 95%まで低下したときの載荷方向の水平変位 δ_{55} を降伏水 平変位 δ_{57} で無次元化した値を塑性率 μ_{55} と定義した.図 8 に最 大耐荷力と載荷角度の関係および塑性率 μ_{55} を UNI の塑性率(μ_{59})_{UN} で無次元化した値と載荷角度の関係を示す.縦軸は H_{max}/ (H_{max})_{UN} および $\mu_{59}/((\mu_{59}))$ _{UN}, 横軸は載荷角度を示す.なお、 0 度, 26.6 度は対称性を考慮してプロットしてある.

図8より、載荷角度が断面主軸(X方向)から45度方向に近づ くほど最大耐荷力の低下が見られるが、その差はBI-L27で約









図8 最大耐荷力と塑性率

3.3%, BI-L45 で約4.1%とそれほど大きな低下は見られない.しかし,塑性率では逆にBI-L27 で約4.6%, BI-L45 で約15.0%の上昇が見られた.当初,載荷角度か断面主軸から大きくなるのにともない最大耐荷力および塑性率ともに低下すると考えられた.しかし,本研究から得られた結果によると,最大耐荷力には若干の低下が見られるものの,塑性率に関しては載荷方向か断面主軸に対して角度を持つもののほうが,断面主軸方向の載荷実験結果より上昇することが明らかとなった.これらの理由は,先の(1)項で述べたとおりである.

4. 解析概要

直線載荷以外のパターンについては載荷実験を行う前に,FEM 解析を用いてその挙動を予測する.解析結果を検討することで地 震動に含まれる波形の非直線成分が橋脚の耐震性能に与える影 響を解析的に明らかにする.なお,解析は非直線載荷のうち BI-CIR, BI-0VL45 について行った

4・1 解析モデル

解析モデルは、図9に示すように局部座屈が柱基部に生じるこ とを考慮して基部から第3ダイアフラムまではシェル要素を用 い、それより上は、はり要素を用いてモデル化した.ただし、は り要素は、供試体断面と断面積および断面2次モーメントが等し い等価無補剛正方形断面とし、シェル要素とはり要素の接続部分 は剛体とした.

解析には汎用構造解析ソフト ABAQUS¹²⁾を使用し,鋼材の繰り 返し弾塑性挙動に関する構成則は,修正二曲面モデルを用いた ^{13,14)}.このモデルは,繰り返し荷重を受ける鋼構造物の挙動を, 従来の構成則モデルによる解析と比較して精度良く予測できる ものであることが検証されている^{15)~17}.



5. 解析結果

(1) 水平荷重-水平変位履歴曲線および包絡線

FEM 解析により得られた水平荷重-水平変位履歴曲線を図 10(a)~(c)に示す. 図中の水平荷重および水平変位は、材料試験 結果から算出した Hy, δy で無次元化した値である. なお, 図 10には解析により得られた UNI の包絡線を併せて示す.

図10に示すように非直線載荷BI-CIR, BI-OVL, BI-OVL45は、 UNIと比較して最大荷重以降の強度が著しく低下し、十分な変形 能を得られていないことがわかる.

次に、断面主軸に直交する方向(Y 方向)への載荷変位の大きさ が変形能に与える影響を検証するために UNI, BI-OVL, BI-CIR, BI-OVL45 の X 方向の包絡線を図 11 に示す. 縦軸および横軸よ, 前述した Hy, δy で無次元化した値である.

図11より、断面主軸に直交する方向(Y方向)の載荷変位が最 も大きいBI-0VL45の強度劣化が著しく、明らかに横方向載荷の 影響が表れている.これは、非直線的な2方向からの載荷により 断面内に発生する最大応力部分が、断面内を移動するためと考え られる.円周状や楕円状の履歴は、実地震動波形に多く含まれる 波形であるため、実験によりその挙動をより正しく検証する必要 性がある.

(2) 破壊変位点を用いた安全性の検討

2 方向地震動を考慮した安全性評価のための評価手法につい ての考察を示す. FEM 解析により得られた各載荷変位履歴の X, Y 方向別の包絡線において,水平荷重が最大荷重の 95%まで低下し たときの水平変位(δ_{gs})_x, (δ_{gs})_Yを(δ_{gs})_{IN}で無次元化した値を 破壊変位点 δ u_x, δ u_Yと定義する.図12 に X, Y 方向の破壊変位 点を示す.同図には比較のため直線載荷の実験値より算出した破 壊変位点を併せて示す.

評価手法として、従来のように断面主軸方向または直交方向の 1軸方向の結果を利用して安全性を評価する場合を考える.この 場合の破壊基準線は、図12に示す円弧である X,Y 方向の破壊変 位のベクトル合成となり、BI-OVL を除くすべての載荷変位履歴 はこの外側に分布し、安全側の変形能を示すことがわかる.

別の評価手法として、断面主軸方向または直交方向の破壊変位 の重ね合わせにより安全性を評価する手法がある.この場合、そ の破壊基準線は図 12 に示す破線となり、2 方向地震動を受けた 場合の破壊基準を過小評価しすぎである(安全側すぎる)ことが わかる.

以上の結果から、2 方向地震動を考慮した安全性の評価手法と しては、断面主軸方向または直交方向の1 軸方向の結果を利用し て決定した図12 に示すような円弧の破壊基準線を用いることが 妥当であると考えられる.











(c)BI-0VL45 図 10 水平荷重-水平変位履歴曲線



図11 包絡線(X方向)



6. 結論

本研究では、実地震動波形をモデル化した水平荷重の2方向入 カに対する鋼製橋脚の耐震性能を実験および解析により明らか にするとともに、実験載荷装置を含めた実験システムの開発を行 った.本研究により得られた結論を以下に示す.

- 地震時の水平2方向からの慣性力を想定した水平荷重の載荷を可能にする載荷装置を含む実験システムを作製した.数回にわたる制御プログラムの改良と実験時の載荷冶具の変位補正を行い、十分な実験精度を得る実験システムを構築することができた.
- 2) 橋脚の断面主軸に対して角度を持つ直線的な載荷変位履歴 を用いた2方向繰り返し載荷実験の結果から、断面主軸に対して角度を持つ入力地震動を受ける橋脚の変形能は、断面主 軸方向の変形能と比較して上昇することが明らかとなった、 橋脚の地震時の応答は耐力と変形の組み合わせで評価させ るため、斜め方向の入力地震動に対して正方形断面は安全側 であることが確認できた。
- 3) 円周状および楕円状の載荷変位履歴に対する FEM 解析の結果, 断面主軸方向(X 方向)の直交方向(Y 方向)への変位が大きいほど断面主軸方向の変形能が低下することが明らかとなった.これは, 非直線的な2方向からの載荷によって断面内に発生する最大応力部分が, 載荷にともない移動することによる断面全体への拡大が要因であると考えられる.
- 4) 2 方向地震動を考慮した安全性の評価手法としては、断面主軸方向または直交方向の1 軸方向の結果より算出した破壊変位点を用いて、これら2方向のベクトル合成で決定した破壊基準線で評価することが妥当であると考えられる.ただし、BI-OVL についてはこの破壊基準線を下回っているため、実験による確認が必要である.
- 5) 今後, FEM 解析により明らかにした非直線載荷における橋脚 挙動を実験により検証する必要がある.

6) 本研究では、供試体に正方形断面を使用したが、より信頼性の高い実験データの蓄積のために長方形や円形断面を用いた実験を行う必要があると思われる.

謝辞:本研究を行うにあたり名古屋大学大学院宇佐美勉教授, 葛 西昭助手に有益な助言を頂いた.また,実験は本学士木工学科4 年生大西君,寺尾君,名古屋大学大学院高原君,名古屋大学4 年生岡崎君,本学耐震実験センター技術員の鈴木博氏の協力によ り行われ,FEM 解析は本学士木工学科 JSPS 特別研究員 KAS Susantha 氏の協力により行われた.なお,実験は本学耐震実験 センターで行った.ここに深く感謝いたします.

参考文献

- 田嶋仁志、半野久光、池田茂、興守: 矩形鋼製橋脚の変形性 能に関する載荷実験、構造工学論文集、Vol. 44A, pp. 281-288, 1998.3
- 2) 日本橋梁建設協会:鋼製橋脚の耐震設計マニュアル(資料編), 1998.11
- 3) 日本橋梁建設協会:鋼製橋脚の耐震設計マニュアル(ラーメン橋脚等の実験及び実績調査編), 2001.3
- 高橋孝二,山内泰之,酒井章,阿世賀宏:水平2方向地震動 を受ける偏心 RC 造ボックス壁の耐震性評価,日本建築学会 構造系論文集第530号,pp.123-130,2000.4
- 5) 杉浦邦征、ウォルター・オヤワ、渡邊英一:繰り返し水平2 方向力を受ける角形鋼管柱の弾塑性挙動、第3回鋼構造物の 非線形数値解析と耐震設計への応用に関する論文集、 pp. 97-103, 1999. 11
- 6) 西田秀明,運上茂樹,長屋和宏:正方形断面 RC 柱の水平二 方向非線形領域加振振動台実験,第26回地震工学研究発表 会講演論文集,pp.913-916,2001.8

- 小畑誠、下村太一郎、松尾奈緒美、後藤芳類:橋脚モデルの
 2 方向載荷擬似動的実験、土木学会第57回年次学術講演会 概要集、I-414, pp. 827-828, 2002.9
- 8) 日本道路協会:道路橋示方書・同解説Ⅱ鋼橋編, pp. 162–173, 2002.4
- 9) 宇佐美勉:ハイダクティリティー鋼製橋脚,橋梁と基礎, Vol31, No. 6, pp. 30-36, 1997. 6
- 10) 土木学会・鋼構造新技術小委員会・耐震設計研究 WG:鋼橋の耐震設計指針案と耐震設計のための新技術, 1996
- 11) 青木徹彦:構造力学,株式会社コロナ社,東京, 1998.2
- Hibbitt, Karlsson & Sorensen, Inc : ABAQUS/Standard User's Manual, Version5. 7, 1999
- 13) Shen, C., Mizuno, E. and Usami, T. :A Generalized Two-Surface Model for Structural Steel under Cyclic Loading, Structural Eng /Earthquake Eng., Proc. of JSCE, Vol. 10, No. 2, 23(59s)-33(69s), July, 1993
- 14) 坂野茂,宇佐美勉,水野英二:修正二曲面モデルによる板要素の繰り返し圧縮・引張弾塑性有限変位解析,土木学会論文集,No. 525/I-33, pp. 1-15, 1995. 10
- 15) 葛漢彬,高聖彬,宇佐美勉:鋼製補剛箱形断面橋脚の繰り返 し弾塑性解析と耐震性評価,鋼製橋脚の非線形数値解析と耐 震設計に関する論文集,pp. 85-92, 1997.5
- 16) 葛漢彬,高聖彬,字佐美勉,松村寿男:鋼製パイプ断面橋脚の繰り返し弾塑性挙動に関する数値解析的研究、土木学会論 文集,No. 557/I-41, pp. 181-190, 1997.10
- 17) 葛漢彬,高聖彬,宇佐美勉:鋼構造物の繰り返し弾塑性解析 用構成則の実験データによる検証,構造工学論文集, Vol. 44A, pp. 201-210, 1998.3

(受理 平成15年3月19日)