# コア型ロックフィルダムのハイドロリックフラクチャーリング に関する研究

# Study on Hydraulic Fracturing of Core-type Rockfill Dams

大根義男\* 成田国朝\* 奥村哲夫\* 村瀬祐司\*\* Yoshio OHNE, Kunitomo NARITA, Tetsuo OKUMURA and Yuji, MURASE

ABSTRACT: The mecanism of hydraulic fracturing in the core-type rockfill dams was studied in this paper. Series of laboratory seepage fracture tests were carried out on fill materials to investigate the relationship between the hydraulic gradient at failure and the state of effective confining pressures. FE stress analysis was made on a typical model rockfill dam, to examine the process of stress redistribution in the core zone due to wetting and the local stress states to be compared with hydraulic conditions. These results were summarized to propose a practically useful procedure of evaluating the posibility of hydraulic fracturing in rockfill dams.

# 1. はじめに

アースダムやロックフィルダムは、初期港水時に しばしば崩壊することがあるが、このことはダム技 術者にとって極めて深刻な問題である。この種の崩 壊は通常2つのカテゴリーに分類することができ、 その1つは均一型アースダムの上流斜面に発生する すべり破壊である。これは不飽和状態の堤体斜面が 貯水により飽和し、せん断強度が低下することによ りせん断破壊を起こすものである<sup>11</sup>。

また、他の1つは主としてコア型ロックフィルダ ムで経験される崩壊でコア内部の浸食によって発生 する、いわゆる水理的破壊現象によるものである<sup>1)</sup>。

本研究は上記のうち、コア部の水理的破壊現象に 関するものであるが、著者らのこの問題に関する研 究は1976年に遡る。すなわち1976年5月アメリカ内 務省開拓局により建設されたTeton Damが崩壊し、 世界のダム技術者に対し大きな衝撃を与えたが、こ のダムの崩壊原因として水理的破壊が挙げられた<sup>2,</sup> <sup>3,4)</sup>。 そしてこれを機に、ダムの水理的破壊現象 (ハイドロリックフラクチャー;以下HF)に関す る研究が各機関や研究者の間で盛んに行われるよう になった。

しかし、水理的破壊現象が原因で崩壊したダムは Teton Damが始めてではなく、 1950年にはStockton Creek Dam<sup>5)</sup>、1967年にはBolder Head Dam<sup>6)</sup>など が崩壊し、その原因として水理的破壊現象が挙げら れた。このためこの当時からこの問題に関する研究 が行われ、様々な角度からその発生機構の議論がな されている。

本研究ではこれらのダムの崩壊形態を分類し、崩 壊に至る過程を議論し、また崩壊は有効拘束圧と動 水勾配に支配されることを示し、さらに水理破壊の 判定方法を提案した。

## 2. 水理的破壊現象の発生機構

水理的破壊現象については様々な角度から、また 方法によって説明がなされている。例えばボーリン グ孔を利用した現場透水試験やグラウチング作業に おいて、注入圧を徐々に上昇させた場合、注入量は ある圧力で突然増大する。このことは土中に施工水 圧による破壊の発生を意味することから、この現象 を以て水理的破壊現象と定義している研究が最も多 く見られる。確かにこの定義は一般に理解し易い。 しかし、フィルダムのコア内において、注水試験で

<sup>\*</sup> 愛知工業大学土木工学科(豊田市)

<sup>\*\*</sup> 愛知工業大学大学院博士課程(豊田市)

経験されるような水圧分布の発生は特殊なケースを 除いてほとんど考えられない。

#### 2.1 現場透水試験の破壊圧力

ボーリング孔を用いた現場透水試験において、圧 力の増加に伴い注入量が急激に増加することは、土 中に亀裂が発生し水道が形成されたことを意味し、 この状態が長期間継続すれば、土粒子は流亡し、遂 には土中の崩壊を招くことになる。図-1はボーリ ング孔を用いた注水試験結果の一例である。図で明 らかなように注入量qはa)点で急増し、その後も 注入圧pwの増加に伴い比例的にqも増加する。し かし、注入圧がb)点を過ぎるとqは、①逐次減少 しc)点に至るケースと、②一層増加しd)点に至る ケースに分かれる。

①のケースは土中に発生した亀裂の拡大がある範 囲で止まり、その後土粒子の流動により目詰まりを 起こし、qは減少傾向を示す。この現象について一 部では完全な水理的破壊ではないという意見もある が、c)点から減圧した場合、qはa)点に戻らない ことからa)点を破壊水圧(pw) と定義するのが妥 当である。また、②のケースでは水圧によって土中 に発生した亀裂が、地表面あるいは地中の潜在亀裂 に連絡(パイピングの発生)したことを意味し、こ れによって土粒子は流亡し、qも一層増加すること になる。



図-1 注入試験における注入量 q~注入圧 p w 関係の一例

図-2はボーリング孔を利用した現場透水試験に おける、破壊圧力(p\*) (と土中深度 z との関係を示 したものである。この図から、土中における水理的 破壊の現れる条件として次式が得られる。

 $(p_w)_t \ge A \cdot \rho_t \cdot z$  ----- (1) ここで、A = f( $\sigma_t$ )であり、砂質土ではA = 1.3~ 2.2,粘性土ではA = 2.9~4.5,また $\sigma_t$ は土の引張 強度と考えてよい。

フィルダムの貯水時において式(1)は、特殊なケ -スを除いて常に(p\*)t ≤ A・ρt・zであり、し たがってフィルダムのコア内部では、ボーリング孔 を利用した注水試験で見られるような水理的破壊は 発生しないことになる。しかし、特殊なケースとし て図-3に示すような地質条件下では、地下水位の 上昇による破壊が考えられる。すなわち、ダムサイ ト地山の地質が透水性層と不透水性層との互層から 成り、透水性層の地下水は築堤によりその出口を失



図-3 が、幼小地山内透水層の地下水位上昇

い、これにより層内の地下水位が上昇し、破壊条件 ( $p_{**}$ )<sub>f</sub>  $\ge$  A  $\cdot \rho_t \cdot z$  を満たすからである。

## 2.2 フィルダムの水理的破壊現象の発生条件

水理的破壊現象により崩壊したと思われる代表的 なダムの特徴を整理してみると、以下の如くである。

# 1) Stockton Creek Dam<sup>5)</sup>

このダムの崩壊は、右岸側アバットメントのクレ スト付近で発生した。この時の貯水池はほぼ満水位 に達し、崩壊は満水位より4~5mの水深付近で発 生し(図-4の(A)点)、図-4に示した範囲が流 失した。またコアトレンチの縦断勾配は同図で明ら かなように、崩壊が発生した部分においてその勾配 は急変し、コア部の不等沈下を惹起する形状であっ た。すなわち、(A)点や(B)点のアバットメントの 勾配急変部付近では不等沈下が起こることになるが、



図-5 アバットメントこう配急変部の応力・変形 (Stockton Creek Dam)

これによって図-5の如きせん断変形が起こる。こ の変形は土中に引張領域を形成することになり、水 理的破壊条件を満たしたものと推測される。

### 2) Bolder Head Dam<sup>6)</sup>

このダムのコア部の形状は図-6に示したように、 水理的破壊が発生したと思われる部分において勾配 が急に変化している。このことは勾配の変化点付近 より下部のコアが沈下した際、上部のコアは周辺摩 擦により支持され、したがってこの部分においては 不連続な沈下が起こり、拘束圧が低下することにな るが、更に沈下が進行すれば亀裂が発生することに なる。このことから本ダムの破壊は、拘束圧の低下 から亀裂発生の過程において起きたものと思われる。 なお図-7はコアの勾配変化点付近の沈下時の応力 状態を示したものである。







図-7 コア-部のこう配変化点付近の沈下時 応力状態(Bolder Head Dam)

3) Teton Dam<sup>2, 3)</sup>

このダムのコア敷には図-8に示したように堤高 の1/2より僅かに低い位置(EL:5100ft)に水平部が 存在し、更にコア敷内には深さ70ftに及ぶコアトレ ンチが設けられていた。水理的破壊現象は右岸側の コア敷水平部付近で発生し、これが上方に拡大した ものと考えられる。本ダムのコア敷の水平部の形状 およびコアトレンチの形状は、Stockton Creek Dam の場合と同様、コア部が沈下した際、アバットメン ト付近のせん断変形やアーチング現象の誘因となる。 すなわち、コア敷水平部付近では図-5と同様の変 形及び応力状態となり、コアトレンチ周辺では図-6に示したように、 Bolder Head Damと同様の応力 状態となり、水理的破壊の誘因となったものと思わ れる。



図-8 Teton Dam のコア敷

以上、水理的破壊現象の誘因と形態について、実 ダムにおいて経験した事実に基づいて述べたが、こ れらの崩壊例を通じて、崩壊に最も寄与するのは堤 体(特にコア部)の沈下・変形であるという点が明 らかになった。

沈下現象は言うまでもなく、圧密によるものと土 の骨格構造の破壊、すなわちカラープスによるもの の2種に大別される。圧密現象による沈下は、一般 には長期に亘るのでアバットメントの形状に比較的 なじみやすく、したがって短期間にコア内部に亀裂 の現れることも少ない。これに対し、カラープスに よる沈下は不飽和土が飽和する際に起こり、同時に 強度低下も起きるので、沈下や変形も大きく急速で あり、水理的破壊現象は一層起こりやすくなる。

成田はアバットメントの形状と盛土終了後に生ず るひずみ量から、コア部の引張領域を推定する手法 を提案し、図-9を作成した<sup>7,8)</sup>。 同提案では施 工中から施工後の全沈下量(St)を次式で表し、

 $S t = W_0 (\gamma H \neq E)$  ----- (2)



図-9 引張り領域の推定

また、施工中に起こる沈下量(Sa)を次式で与えて いる。



である。

例えば、堤高50m、 $\gamma_{\iota}$ =2.0t/m<sup>3</sup>, E=100kgf/cm<sup>2</sup>、 残留沈下量A=0.25とし、 $\varepsilon_{\iota}$ =0.4とすると、 100 $\varepsilon_{\iota}/(\gamma$ H/E)=16となり図-9より1/b=1. 2となる。この値には安全率(Fs)が考慮されてい なのでFs=1.5とすると、同図より1/b=1.7と なる。すなわち、この種の材料を用いてダムを構築 する場合、クレスト付近において引張領域の発生し ないアバットメントの平均勾配は1:1.7より緩くす ることである。

この提案は簡便で実務的であり、ダム設計時に極 めて有効である。しかし、この方法は盛土終了後の 圧密沈下を対象としたもので、カラープスによる沈 下・変形は含まれていない。

カラープスはすでに述べたように、不飽和土が飽 和する際に起こるので、式(2)のEの代わりに図-10に示したEcを用いることにより、貯水時の沈下 量を求めることができる。

また、亀裂の深さ(Zc)について調べてみると、 Zcは引張領域において土圧論から水平土圧( $\sigma_h$ ) をゼロとして求めることができるので、



図-10 カラープッスによる構造破壊

 $\sigma_h = K a \cdot \sigma v$ 

 $\gamma : \cdot Z c \cdot \tan^2(45^\circ - \phi/2) - 2c \cdot \tan(45^\circ - \phi/2)$ 

 $\therefore Z c = (2c/\gamma_{\iota}) \cdot tan(45 + \phi/2)$  -----(5) となる。言うまでもなく、Z c が貯水位以内に達す れば水中に没した亀裂部では、当然のことながら水 理的破壊現象が起こることになるが、 $\sigma_h$ が十分減 少し $\sigma_h \neq 0$ の応力条件下でも水理的破壊の可能性 が考えられる。

これを確認するため以下の2種類の実験が行われた。

**Test1**: 三軸試験装置を用いて初期応力状態を  $\sigma_1 = \sigma_3$ とし、動水勾配を一定下において透水試験 を行いながら $\sigma_3$ を段階的に減じ、破壊の発生する 応力状態を明らかにする。このTestは図 – 5を想定 したものである。

<u>Test2</u>: 有効鉛直応力( $\sigma_v$ )を一定下において 透水試験を行い、動水勾配を段階的に増加させ、破 壊時の動水勾配( $i_f$ )を明らかにする。この試験は 図 – 7の応力状態を想定したものである。

# 3. 水理的破壞実験

上記Test1に対しては図-11に示した装置を、またTest2に対しては図-12に示す装置を用いた。



図-11 HF実験装置(Test1)



図-12 HF実験装置(Test 2)

#### 3.1 供試体

実験に用いた材料は、Test1に対しては図-13に 示したa)材料(統一分類SM)、またTest2に対しては 同図のb)材料(同SC)を用いた。供試体の作成は、a), b)材料をProctorの基準に従って突き固めて作成し た。また供試体の乾燥密度、含水比等については、 Test1の場合図-14に示したB,C,Dの3点、Test 2ではEの1点とし、これらに対して実験が行われ た。表-1に両実験の条件を示す。



図-13 実験に用いた材料(Test 1,2)



図-14 供試体の p d ~ w関係(Test 1,2)

表-1	Ⅲ試験の条件
-----	--------

		Test-1			Test-2	
応力条件 浸透条件		初期応力 σ」=1, i =5,	状態:σ 2,3(k 10,20	$r_1 = \sigma_3$ gf/cm <sup>2</sup> )	$\sigma_{v} = 0.5 \text{ (kgf/cm}^2)$ $\sigma_{v}' = 0.1, 0.2, 0.4$	
		σ」:徐々に减少			1:徐々に増加	
供試体	試験点	В	С	D	Е	
	密度	$0.95 \times \rho_{dmax.}$ ( $\rho_{dmax.} = 1.86 \text{g/cm}^3$ )			$0.95 \times \rho_{dmax.}$ ( $\rho_{dmax.} = 1.85 g/cm^3$ )	
	含水比 w (%) 飽和度 Sr(%)	9.4 49.1	13. 7 71. 6	16. 8 87. 8	17. 6 90. 0	

## 3.2 実験方法

Test1では図-11で明らかなように、円柱供試体 の片面の溝から給水し、他方の片面の溝へ排水した。 そして動水勾配(i)を一定とし、等方応力状態 ( $\sigma_1 = \sigma_3$ )から $\sigma_3$ を段階的に減じ、浸透量を測定 した。

またTest2では図-12に示したように、円柱供試体の中央から給水し、両端の溝に排水した。この場

合、有効鉛直応力を一定とし、動水勾配を段階的に 増やし、破壊時の動水勾配(i,)を明らかにした。

# 3.3 実験結果

#### (1) Testl

試験結果を図-15、16に示した。 図-15は流量 qと応力比(ob/oc)との関係であるが、図で明 らかなように応力比を段階的に増すと流量は急激に 増加する。この増加点を図中に示した如く求め、破 壊応力比(ob/oc) $_{i}$ とする。同様の試験を動水 勾配(i)を変化させて行い、破壊時のiを(i $_{i}$ )と して(ob/oc) $_{i}$ と(i $_{i}$ )との関係を求めたのが図 -16である。図中B, C, Dはそれぞれ図-14に対 応している。



図-15 流量q~応力比関係(Test 1)



図-16 破壞時の応力比と動水こう配(Test 1)

(2) Test2

図-17は実験結果の代表例( $\sigma_{v}' = 0.4 \text{kgf/cm}^2$ ) である。横軸・縦軸は、それぞれ流量Q、動水勾配 i であり、図中に示した斜線は両者が正比例にある 場合の勾配を表している。したがって動水勾配 i の 変化に伴う測定流量が、これらの斜線に沿って変化 する間は、ダルシー則が成立するいわゆる層流状態 にある(透水係数が一定)。同図では概ね i = 40付



図-17 流量Q~動水こう配関係(Test 2)



図-18 限界動水こう配と有効応力の関係

近まで比例関係が認められるが、それ以降は急激な 流量増大が現れる。この急変点の動水勾配を $\sigma_v'$ = 0.4kgf/cm<sup>2</sup>における破壊点(i<sub>1</sub>)とするとi<sub>1</sub>=4 0となる。図-18はこのように定めたi<sub>1</sub>と $\sigma_v'$ の 関係を示している。なお、図中には同様な実験装置 を用いて行われた実験結果(SM~CL材料,締固め密 度:0.95 $\rho_{dmax}$ )も併記されている。

#### 3.4 結果の考察

不等沈下によって生ずる応力分布を想定し、 Test1,2を行った。この結果アバットメント付近 の破壊時の応力比と動水勾配との関係、およびコア 内部が不等沈下を起こした場合の有効拘束圧と破壊 動水勾配との関係が明らかになった。図-16のB,C, Dで明らかなように、同一締固め密度であっても湿 潤側で締固めることによって、破壊に対する抵抗性 はかなり大きくなる。

また、堤体の変形解析を行い堤体内の応力分布が 明らかになれば、この実験結果を用いて水理的破壊 現象の評価が可能となる。以下は堤体コア部の変形 解析(FEM)を行い、水理的破壊現象に関して検 討した結果である。

#### 4. FEM解析

#### 4.1 解析条件

Teton Damの例で見られるように、HFが主因と 考えられているダムの破壊例は、多くの場合、初期 湛水時に生じている。不飽和なコアゾーンが浸水飽 和すると、サクションの消滅に伴う変形(カラープ ス)が生じ、堤体内部の応力再配分がおこなわれる。

他方、中心コアタイプのロックフィルダムでは、 コアとフィルターの構造的な形状あるいは両者の剛 性の差によってアーチング現象が生じ、コアゾーン 内部への応力伝達が阻害される。

このようなカラープスやアーチング現象による拘 束応力の低下は、実験結果も示しているようにHF に対する抵抗性を低下させることとなる。ここでは 中心コアタイプのロックフィルダムの初期湛水時を 想定し、有限要素法を用いてコアゾーン内部の応力 状態を求める。そして応力状態と動水勾配の関係を 実験結果と対比することによってHF発生に対する 評価を行おうとするものである。 図-19は堤高80m,上下流斜面 勾配がそれぞれ1:2.5、1:2.0 のダム横断面の要素分割図である。 コアゾーン内部は予め湛水に伴う 浸潤線の形成を予想<sup>99</sup>した要素分 割としている。また瞬時に満水貯 水がなされたものとし、その後の 時間経過とともに形成される浸潤 線形状とその時の応力状態を追跡 していく。

図-10の太い実線及び破線は、

ピラミッドダム(Pyramid Dam) 築 堤材料のカラープスを算出した結果である<sup>11)</sup>。解 析では同図に示される沈下特性をコアゾーンに導入 し、有効応力の立場から不飽和部分にρι(湿潤重 量)、浸潤線以下の飽和部分にριω(水中重量) を用いた。

また不飽和状態から飽和状態への移行には、飽和 に伴う有効応力の減少を伴いながら沈下が進行する。 図-10ではA→Cへの状態変化に対応する。解析で はこれをA→BおよびB→Cの2ステップに分割し て求めている。前者のA→Bは飽和に伴う有効応力 の減少を、そして後者は飽和に伴う軟化により沈下 が生じたことを表している。解析に用いた物性値を 表-2にまとめた。

なお、解析は弾性線形解析とした。

#### 4.2 堤体内部の応力状態と変形

図-20に鉛直応力σ√(有効応力)のコンタ-を示した。図a)は湛水開始以前の結果であり、図 b)は浸潤線が形成されていく代表的プロセスを示 している。図a)では前述したように、コアゾーン 内部で自重が下方へ十分に伝達されないア-チング 現象がうかがわれる。また図b)ではコアゾーン下 方部で浸水飽和に伴う有効応力の低下が明瞭に現れ ている。

一方、図-21は上記のアーチング現象を定量的に とらえたものである。すなわち、コアゾーンを中心 として上下流ロックゾーンに至る同一標高の各点に 着目し、解析で得られた $\sigma_{v}$ 'とその点における土柱 高( $\gamma$ h、水面下では $\gamma$ 'h)の比 $\sigma_{v}$ '/ $\gamma$ hを求め ている。図から判断されるように、コアゾーン内部 では浸水に伴ってアーチングの程度が助長され、有 効拘束圧が減少する傾向にあることが知れる。



図-19 解析断面と要素分割

丰—	2	解析し	こ用い	た物	件佰
£X.	4	15-111	~/IJ * ·	1-10	1-1-1185

		コア		フィノ	レター	ロック	
ļ		不飽和	飽和	不飽和	飽 和	不飽和	飽 和
E	kgf/cm <sup>2</sup>	320	160	800		1000	
ν		0.4		0.35		0.3	
ρ	g/cm³	2.0	1.0	2.0	1.0	2.0	1.0
注							



図-20 鉛直応力分布



図-21 アーチングによるコアー部鉛直応力の減少

同様に、図-22は浸水飽和に伴う沈下量を求めて おり、浸潤線位置での沈下が卓越することが知れる。

図-22 浸水飽和によるコア-部の沈下

#### 4.3 HFに対する評価

HFに対する評価は以下のように行った。

実験結果は有効拘束圧  $\sigma_v$ ' に対して、対応する限 界動水勾配 i tが得られている。コアゾーン内部の 広範な応力状態に対して実験結果を適用するために、 応力比  $\sigma_v$ ' /  $\sigma_{v0}$ 'を導入する。  $\sigma_v$ ' は各貯水段階に おける有効鉛直応力、そして  $\sigma_{v0}$ ' は湛水前の応力 値である。

一方、動水勾配 i はコアゾーン内部の浸透が水平 方向に行われるものと仮定し、浸透路長 d を着目す る点のコアゾーン上流面からの水平距離,水頭差 △hを湛水面までの標高差として i = △ h / d で定 義する。

図-23は代表的節点(P.193およびP.197;図-19 参照)について、応力比と動水勾配の関係を貯水段 階毎に追跡したものである。P.193ではStage3とな った段階で実験結果による限界動水勾配i,を上回 り、P.197ではHFに対する危険度が増す方向で推 移している。今、同図中の●印で示したように、こ の点の安全率FsをFs=i,/iで定義し、コアゾ ーン内部の安全率分布を調べると図-24が得られる。 なお、各貯水段階での動水勾配算定に際して、前の 段階でFs<1となった領域に対しては、破壊後の 措置としてこれらの領域を浸透路長に含まないもの とした。

これらの結果からHFに対して、次のように考察 される。

湛水初期のコアゾーン上流面付近では、浸水飽和 に伴う沈下と応力の再配分によって、限界動水勾配 に近いか,あるいはこれを上回る状態となる。そし てこの部分が水理的破壊(HF)を起こせば、更に 下流側の領域に対して動水勾配の上昇と沈下をもた らすことになる。この状態が下流フィルターに達し、 フィルターが十分でない場合には破局的なパイピン グにつながるものと考えられる。

解析結果では、下流側フィルターに達する破壊領 域は見られなかったものの、コア材やフィルター材 の物性値,あるいはコアゾーンとフィルターゾーン の形状、さらにはアバットメントの縦断形状如何に よっては、破壊領域が下流側に達する可能性のある ことは想像に難くない。









## 5. 結論

コアゾーンの不等沈下によって生ずる応力分布の 変化を想定して室内実験を行った結果、以下の事項 が明らかとなった。

- 同一締固め密度であっても、湿潤側で締固める ことによってHFに対する抵抗性はかなり大き くなる(Test1)。
- (2) HF発生時の動水勾配 i <sub>f</sub>と有効拘束圧σ' に
  は、指数関係が認められる(Test 2)。
- (3) HFに対する評価方法として、カラープスを考慮した堤体の応力解析を実施し、ここで得られる応力状態と動水勾配の関係を調べることによってHFを評価する方法を提案した。HFを生じたダム事例では初期湛水の満水位に近くなった状態で、貯水深がせいぜい数メートルの地点(標高)で生じていることが報告されている<sup>10)</sup>。
- (4)解析結果では湛水初期の時点で、コアゾーン上 流面の中高部で限界動水勾配に近いか、あるい はこれを上回るような領域が発生しており、実 ダムとの対応が示唆されるとともに、ここに述 べた一連の解析手法の有用性が認められる。

なお、本研究は文部省科学研究費補助金(課題番 号07455194)の援助を受けた研究であることを付記 し、謝意を表する。

## 【参考文献】

 Ohne,Y.: Failure Causes of Embankment Dams, Proceeding of the 9th Asian Regional Conference on Soil Mech. and Foundation Engineering, Bangkok, 1991.

- Teton Dam Failure Interior Review Group (1976a): First Interim Report on the Teton Dam Failure July 14.
- Teton Dam Failure Interior Review Group (1976b): Second Interim Report on the Teton Dam Failure October 21.
- Ohne.Y, Narita,k: Some Consideration of the Teton Dam Failure, 1978.
- Leonards,G.A. and Narian,j.: Flexibility of Clay and Cracking of Earth Dams, J. of Soil Mech. Found. Div,. ASCE, Vol.89, No.SM2, pp47–98, 1963.
- 6) Vaughan, P. R., Kuth, D. J. Leonard. M. W and Pradoura,H.H.M: Cracking and Erosion of the Rolled Clay Core of Bolder Head Dam and the Remedial Works and Adopted for its Repair, 10th ICOLD. Montorial, Vol.3, pp. 73–93. 1970.
- Narita,K: On the Mechanism of Crack Generation in Fill-Type Dams, Doctoral thesis submitted to Tokyo Institute of Technology, 1976.(in Japanese)
- Narita, K. Ohne, Y.: A Study on the Crack Generation in Fill-Type Dams. Soil and Found. Vol.18, No.1. 1978.
- 9) 土木学会編:水理公式集
- Lo,K.Y. and Kaniaru,K.: Hydraulic Fracture in Earth and Rock-Fill Dams, Can. Geotech. J., Vol.27, pp.496-506. 1990.
- Nobari,E.S. and Duncan, J.M.: Effect of Reservior Filling on Stresses and Movements in Earth and Rockfill Dams. University of California, Report No.TE-72-1.1972.

(受理 平成8年3月19日)